

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Ганеев Винер Валиахметович
Должность: Директор
Дата подписания: 01.11.2023 14:35:31
Уникальный программный ключ:
fceab25d7092f3bff743e8ad3f8d57fddc1f5e66

ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ
ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ

Утверждено:

на заседании кафедры высшей математики и
физики
протокол № 4 от 23.11.2022 г.
Зав. кафедрой подписано ЭЦП/Чудинов В.В.

Согласовано:

Председатель УМК
факультета физики и математики
подписано ЭЦП/Бигаева Л.А.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)
для очной формы обучения

Теория вероятности и математическая статистика
Часть, формируемая участниками образовательных отношений

программа бакалавриата

Направление подготовки (специальность)
44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) подготовки
Математика, экономика

Квалификация
Бакалавр

| | |
|--|--|
| Разработчик (составитель) <u>Доцент, к. ф.-м.н., доцент</u> (должность, ученая степень, ученое звание) | <u>подписано ЭЦП/Бигаева Л.А.</u> (подпись, Фамилия И.О.) |
|--|--|

Для приема: 2020 г.

Бирск 2022 г.

Составитель / составители: Бигаева Л.А.

Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры высшей математики и физики
протокол № ____ от « ____ » _____ 20__ г.

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Список документов и материалов

| | |
|--|----|
| 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций..... | 4 |
| 2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы..... | 7 |
| 3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)..... | 7 |
| 4. Фонд оценочных средств по дисциплине | 13 |
| 4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине..... | 13 |
| 4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине..... | 17 |
| 4.3. Рейтинг-план дисциплины | 29 |
| 5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины | 29 |
| 5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины..... | 29 |
| 5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины..... | 29 |
| 6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине..... | 30 |

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций

По итогам освоения дисциплины обучающийся должен достичь следующих результатов обучения:

| Категория (группа) компетенций (при наличии ОПК) | Формируемая компетенция (с указанием кода) | Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине |
|--|---|--|--|
| | Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования (ПК-1); | ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Знать основные принципы, методы и результаты современной теории вероятности и математической статистики |
| | | ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Уметь применять знания по теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности. |
| | | ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования | Владеть навыками применения знаний в области теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования |
| | Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации | ПК-2.1. Знать предметную область профильных дисциплин | Знать основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики |
| | | ПК-2.2. Уметь анализировать | Уметь использовать знания в области |

| | | | |
|--|---|--|--|
| | образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам (ПК-2); | предметную область профильных дисциплин | теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации образовательного процесса |
| | | ПК-2.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам | Владеть навыками использования знаний, умений в области теории вероятностей и математической статистики и для проектирования и реализации образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам |
| | Способен организовывать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся для достижения результатов обучения (ПК-3); | ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности обучающихся | Знать вероятностные и статистические методы исследования случайных событий, процессов и явлений |
| ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся | | Уметь применять методы статистического анализа, методы количественной оценки случайных событий и явлений | |
| ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся | | Владеть навыками использования методов статистического анализа, методов количественной оценки случайных событий и явлений при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения | |
| Системное и критическое мышление | Способен осуществлять поиск, | УК-1.1. Знать основы поиска информации в | Знать основы вероятностного и |

| | | | |
|--|---|--|--|
| | критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1); | библиографических источниках и в сети Интернет; основы критического анализа и синтеза информации; основы системного подхода при решении поставленных задач | статистического анализа и синтеза информации |
| | УК-1.2. Уметь осуществлять поиск информации в библиографических источниках и в сети Интернет; анализировать и синтезировать информацию; применять системный подход для решения поставленных задач | Уметь использовать вероятностные и статистические методы для анализа и синтеза информации при решении поставленных задач | |
| | УК-1.3. Владеть навыками поиска информации; критического анализа и синтеза информации; применения системного подхода для решения поставленных задач | Владеть навыками использования вероятностных и статистических методов для анализа и синтеза информации при решении поставленных задач | |

2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Теория вероятности и математическая статистика» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений.

Дисциплина изучается на 4 курсе в 7 семестре.

Цель изучения дисциплины: освоение основ понятийно-терминологического аппарата и методов, применяемых для описания случайных процессов и явлений, формирование знаний в области теории вероятности и математической статистики, умений и навыков применения знаний по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса и для достижения результатов обучения.

3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ
ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ

СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

дисциплины «Теория вероятности и математическая статистика» на 7 семестр

очная

форма обучения

| Вид работы | Объем дисциплины |
|---|-------------------------|
| Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов) | 3/108 |
| Учебных часов на контактную работу с преподавателем: | 43.7 |
| лекций | 20 |
| практических/ семинарских | 22 |
| лабораторных | 0 |
| контроль самостоятельной работы (КСР) | 0 |
| других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с преподавателем) ФКР | 1.7 |
| Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СРС) | 29.5 |
| Учебных часов на подготовку к экзамену (Контроль) | 34.8 |

Форма контроля:

Экзамен 7 семестр

| № п/п | Тема и содержание | Форма изучения материалов: лекции, практические занятия, семинарские занятия, лабораторные работы, самостоятельная работа и трудоемкость (в часах) | | | | | Основная и дополнительная литература, рекомендуемая студентам (номера из списка) | Задания по самостоятельной работе студентов | Форма текущего контроля успеваемости (коллоквиумы, контрольные работы, компьютерные тесты и т.п.) |
|--------------------|--|--|---|----|-----|---------|--|---|---|
| | | Лек | П | Эк | КоР | СР С | | | |
| 4 курс / 7 семестр | | | | | | | | | |
| 1 | События и вероятность. Основные теоремы теории вероятностей. | | | | | | | | |
| 1.1 | Введение. Основные понятия теории вероятностей Случайные события, пространство событий, алгебра событий. Виды событий. Классическое определение вероятности. Применение элементов комбинаторики к нахождению вероятности. Геометрические вероятности. Статистическое и аксиоматическое определение вероятности, | 2 | 2 | | | 3 | Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Решение задач, Тестирование | Решение задач, Групповой опрос |
| 1.2 | Теоремы сложения и умножения вероятностей Умножение и сложение вероятностей. Независимость событий. Условная | 3 | 4 | | | 3 | Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Домашняя контрольная работа | Решение задач |

| | | | | | | | | | |
|-----|--|---|---|--|--|---|--|-----------------------------|---------------|
| | вероятность, свойства условной вероятности. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности и формула Байеса. Приложения вероятности в естествознании | | | | | | | | |
| 1.3 | Повторение испытаний. Формулы Бернулли, Лапласа и Пуассона Повторение независимых испытаний, в каждом из которых событие появляется с одной и той же вероятностью. Формула Бернулли, локальная и интегральная формулы Лапласа, Пуассона. | 2 | 2 | | | 4 | Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Решение задач, Тестирование | Решение задач |
| 2 | Случайные величины и их распределения | | | | | | | | |
| 2.1 | Дискретные случайные величины и их распределения Случайные величины. Закон распределения дискретной случайной величины, ее числовые характеристики (математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратичное отклонение), и их свойства. Биномиальное, геометрическое и гипергеометрическое распределения и распределение Пуассона. | 2 | 2 | | | 3 | Осн. лит-ра №№ 1,2,3 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Тестирование, Решение задач | Кейс-задания |
| 2.2 | Непрерывные случайные величины и их распределения Функция распределения и плотность вероятностей непрерывной случайной | 2 | 4 | | | 3 | Доп. лит-ра № 2 | Решение задач | Решение задач |

| | | | | | | | | | |
|-----|--|---|---|--|--|---|--|-------------------------------|-----------------------------------|
| | величины, ее числовые характеристики. Равномерное, показательное и нормальное распределения. Системы случайных величин и их числовые характеристики. Эмпирические формулы. Метод наименьших квадратов. Уравнения прямой линейной регрессии. Коэффициенты регрессий. Коэффициент корреляции. Корреляция и регрессия. | | | | | | | | |
| 2.3 | Законы больших чисел. Предельные теоремы теории вероятностей Неравенство Чебышева, теорема Чебышева и закон больших чисел. Центральная предельная теорема. Распределение случайных ошибок измерения. | 2 | 2 | | | 4 | Осн. лит-ра №№ 1,3 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Тестирование | Решение задач, Групповой опрос |
| 3 | Элементы математической статистики. | | | | | | | | |
| 3.1 | Предмет математической статистики. Выборки и их характеристики Предмет математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Графическое изображение статистического распределения. Полигон и гистограмма. Числовые и описательные характеристики статистического распределения | 2 | 2 | | | 3 | Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2 | Кейс-задания, Тестирование | Решение задач |
| 3.2 | Статистическое оценивание параметров | 2 | 2 | | | 3 | Осн. лит-ра №№ 1,2 | Домашняя | Решение задач |

| | | | | | | | | | |
|-----------------------------|---|----|----|---|---|-----|---------------------------------------|--------------------------------|-----------------------------------|
| | Статистическое оценивание параметров. Точечные оценки и их свойства. Метод максимального правдоподобия и метод моментов. Понятие об интервальных оценках и доверительных областях. Интервальные оценки математического ожидания, дисперсии и вероятности. | | | | | | Доп. лит-ра № 1 | контрольная работа | |
| 3.3 | Проверка статических гипотез Основные типы гипотез и общая логическая схема статистического критерия.. Сравнение средних, дисперсий нормальных генеральных совокупностей. Проверка гипотезы о равенстве неизвестной генеральной средней, генеральной дисперсии нормальной совокупности гипотетическому значению. Проверка гипотезы о нормальном распределении. Критерии согласия, однородности и о числовых значениях параметра. | 3 | 2 | | | 3.5 | Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра № 1 | Тестирование, Решение задач | Решение задач, Групповой опрос |
| 4 | Контрольная работа | | | | 1 | 0.5 | | | |
| 5 | Экзамен | | | 1 | | 36 | | | |
| Итого по 4 курсу 7 семестру | | 20 | 22 | 1 | 1 | 66 | | | |
| Итого по дисциплине | | 20 | 22 | 1 | 1 | 66 | | | |

4. Фонд оценочных средств по дисциплине

4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.

Код и формулировка компетенции: Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования (ПК-1);

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине | Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен) | | | |
|---|--|--|--|--|-------------------------------|
| | | 2 (Неудовлетворительно) | 3 (Удовлетворительно) | 4 (Хорошо) | 5 (Отлично) |
| ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Знать основные принципы, методы и результаты современной теории вероятности и математической статистики | Знания не сформированы | Знания недостаточно сформированы, несистемны | Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности | Знания полностью сформированы |
| ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Уметь применять знания по теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности. | Умения не сформированы | Умения не полностью сформированы | Умения в основном сформированы | Умения полностью сформированы |
| ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования | Владеть навыками применения знаний в области теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации | Владение навыками не сформировано | Владение навыками неуверенное | Владение навыками в основном сформировано | Владение навыками уверенное |

| | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|
| я и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего образования | образовательно го процесса в образовательных организациях общего образования | | | | |
|--|--|--|--|--|--|

Код и формулировка компетенции: Способен использовать базовые научно-теоретические знания, практические умения и навыки по предмету для проектирования и реализации образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам (ПК-2);

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине | Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен) | | | |
|---|--|--|--|--|-------------------------------|
| | | 2 (Неудовлетворительно) | 3 (Удовлетворительно) | 4 (Хорошо) | 5 (Отлично) |
| ПК-2.1. Знать предметную область профильных дисциплин | Знать основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики | Знания не сформированы | Знания недостаточно сформированы, несистемны | Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности | Знания полностью сформированы |
| ПК-2.2. Уметь анализировать предметную область профильных дисциплин | Уметь использовать знания в области теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации образовательного процесса | Умения не сформированы | Умения не полностью сформированы | Умения в основном сформированы | Умения полностью сформированы |
| ПК-2.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного | Владеть навыками использования знаний, умений в области теории вероятностей и математической статистики и для проектирования и реализации образовательного | Владение навыками не сформировано | Владение навыками неуверенное | Владение навыками в основном сформировано | Владение навыками уверенное |

| | | | | | |
|--|--|--|--|--|--|
| го процесса по дополнительным общеобразовательным программам | го процесса по дополнительным общеобразовательным программам | | | | |
|--|--|--|--|--|--|

Код и формулировка компетенции: Способен организовывать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся для достижения результатов обучения (ПК-3);

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине | Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен) | | | |
|--|--|--|--|--|-------------------------------|
| | | 2 (Неудовлетворительно) | 3 (Удовлетворительно) | 4 (Хорошо) | 5 (Отлично) |
| ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности обучающихся | Знать вероятностные и статистические методы исследования случайных событий, процессов и явлений | Знания не сформированы | Знания недостаточно сформированы, несистемны | Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности | Знания полностью сформированы |
| ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся | Уметь применять методы статистического анализа, методы количественной оценки случайных событий и явлений | Умения не сформированы | Умения не полностью сформированы | Умения в основном сформированы | Умения полностью сформированы |
| ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся | Владеть навыками использования методов статистического анализа, методов количественной оценки случайных событий и явлений при организации и планировании | Владение навыками не сформировано | Владение навыками неуверенное | Владение навыками в основном сформировано | Владение навыками уверенное |

| | | | | | |
|--|---|--|--|--|--|
| | проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения | | | | |
|--|---|--|--|--|--|

Код и формулировка компетенции: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1);

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине | Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен) | | | |
|---|--|--|--|--|-------------------------------|
| | | 2 (Неудовлетворительно) | 3 (Удовлетворительно) | 4 (Хорошо) | 5 (Отлично) |
| УК-1.1. Знать основы поиска информации в библиографических источниках и в сети Интернет; основы критического анализа и синтеза информации; основы системного подхода при решении поставленных задач | Знать основы вероятностного и статистического анализа и синтеза информации | Знания не сформированы | Знания недостаточно сформированы, несистемны | Знания сформированы, но имеют отдельные пробелы и неточности | Знания полностью сформированы |
| УК-1.2. Уметь осуществлять поиск информации в библиографических источниках и в сети Интернет; анализировать и синтезировать информацию; применять системный подход для | Уметь использовать вероятностные и статистические методы для анализа и синтеза информации при решении поставленных задач | Умения не сформированы | Умения не полностью сформированы | Умения в основном сформированы | Умения полностью сформированы |

| | | | | | |
|---|---|-----------------------------------|-------------------------------|---|-----------------------------|
| решения поставленных задач | | | | | |
| УК-1.3. Владеть навыками поиска информации; критического анализа и синтеза информации; применения системного подхода для решения поставленных задач | Владеть навыками использования вероятностных и статистических методов для анализа и синтеза информации при решении поставленных задач | Владение навыками не сформировано | Владение навыками неуверенное | Владение навыками в основном сформировано | Владение навыками уверенное |

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины. Баллы, выставляемые за конкретные виды деятельности представлены ниже.

4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Результаты обучения по дисциплине | Оценочные средства |
|---|--|---|
| ПК-1.1. Знать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Знать основные принципы, методы и результаты современной теории вероятности и математической статистики | Тестирование1, Групповой опрос 1 |
| ПК-1.2. Уметь анализировать содержание, закономерности, принципы и особенности изучаемых явлений и процессов, базовые теории в предметной области | Уметь применять знания по теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности. | Контрольная работа, Решение задач, Тестирование1, Групповой опрос 1 |
| ПК-1.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях | Владеть навыками применения знаний в области теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации образовательного процесса в образовательных организациях общего | Домашняя контрольная работа, Решение задач, Контрольная работа |

| | | |
|---|--|--|
| общего образования | образования | |
| ПК-2.1. Знать предметную область профильных дисциплин | Знать основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики | Тестирование 2, Групповой опрос 2 |
| ПК-2.2. Уметь анализировать предметную область профильных дисциплин | Уметь использовать знания в области теории вероятностей и математической статистики для проектирования и реализации образовательного процесса | Тестирование 2, Контрольная работа, Домашняя контрольная работа, Кейс-задания, Решение задач |
| ПК-2.3. Владеть опытом и навыками использования знаний и умений и навыков в предметной области для проектирования и реализации образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам | Владеть навыками использования знаний, умений в области теории вероятностей и математической статистики и для проектирования и реализации образовательного процесса по дополнительным общеобразовательным программам | Контрольная работа, Кейс-задания, Решение задач |
| ПК-3.1. Знать основы проектно-исследовательской деятельности обучающихся | Знать вероятностные и статистические методы исследования случайных событий, процессов и явлений | Групповой опрос 2, Тестирование 2 |
| ПК-3.2. Уметь планировать, реализовывать, контролировать проектно-исследовательскую деятельность обучающихся | Уметь применять методы статистического анализа, методы количественной оценки случайных событий и явлений | Кейс-задания, Решение задач, Контрольная работа |
| ПК-3.3. Владеть опытом и навыками организации проектно-исследовательской деятельности обучающихся | Владеть навыками использования методов статистического анализа, методов количественной оценки случайных событий и явлений при организации и планировании проектно-исследовательской деятельности обучающихся для достижения результатов обучения | Контрольная работа, Кейс-задания, Решение задач |
| УК-1.1. Знать основы поиска информации в библиографических источниках и в сети Интернет; основы критического анализа и синтеза информации; основы системного подхода при решении поставленных задач | Знать основы вероятностного и статистического анализа и синтеза информации | Тестирование 3, Групповой опрос 2 |
| УК-1.2. Уметь осуществлять поиск информации в библиографических источниках и в сети Интернет; | Уметь использовать вероятностные и статистические методы для анализа и синтеза информации | Решение задач, Тестирование 3, Контрольная работа, Кейс-задания |

| | | |
|---|---|---|
| анализировать и синтезировать информацию; применять системный подход для решения поставленных задач | при решении поставленных задач | |
| УК-1.3. Владеть навыками поиска информации; критического анализа и синтеза информации; применения системного подхода для решения поставленных задач | Владеть навыками использования вероятностных и статистических методов для анализа и синтеза информации при решении поставленных задач | Контрольная работа, Кейс-задания, Решение задач |

Критериями оценивания при модульно-рейтинговой системе являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины

для экзамена: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10;

Шкалы оценивания:

для экзамена:

от 45 до 59 баллов – «удовлетворительно»;

от 60 до 79 баллов – «хорошо»;

от 80 баллов – «отлично».

Тестовые задания

Описание тестовых заданий: тестовые задания включают тесты закрытого типа (с одним правильным ответом), тесты на установлении последовательности и на установление соответствия. Оценка за выполнение тестовых заданий выставляется на основании процента заданий, выполненных студентами в процессе прохождения промежуточного и рубежного контроля знаний

Тестирование 2

1. С вероятностью попадания при одном выстреле 0,7 охотник стреляет по дичи до первого попадания. Случайная величина X – число промахов. Какой закон распределения имеет величина X .-: Пуассона

-: биномиальный -: гипергеометрический -: геометрический

2.Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид

$y = -3 - 2x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен ...-: 0,6 -: -3 -: -2 -: -0,9

3.В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм):10, 12, 14.Тогда несмещенная оценка дисперсии измерений равна.....-: 12 -: 3 -: 2 -: 4

4.Мода вариационного ряда 1,2,5,6,7,7,10 равна-: 6 -: 10 -: 1 -: 774

Тестирование 3

4. Если основная гипотеза имеет вид

$$H: a = 12,$$

то конкурирующей может быть гипотеза ...

1. $H_1: a \geq 12$
2. $H_1: a > 12$
3. $H_1: a \geq 10$
4. $H_1: a \leq 12$

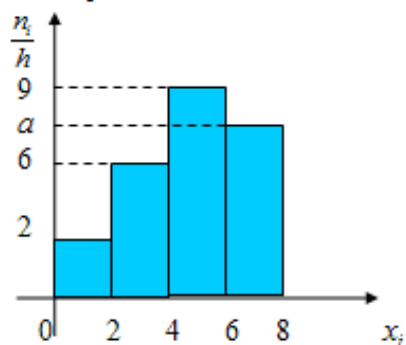
5. Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 8. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

1. (6, 4; 10)
2. (7, 5; 8, 5)
3. (7, 6; 9, 6)
4. (8; 10, 9)

6. По выборке объема

$$n = 50$$

построена гистограмма частот:



Тогда значение a равно...

Тестирование 1

1. В студенческой группе 15 девушек 10 юношей. Случайным образом (по жребию) выбирают одного. Найти вероятность того, что отобран будет юноша.

а) 0,4; б) 0,3; в) 0,2; г) 0,5.

1. Монету подбрасывают 4 раза. Событие, что решка выпадет не менее 2-х раз, состоит из следующих событий (Р-выпадение решки, Г-герба):

а)RRRR; б)RRGG; в)GGGR; г)GRRR

1. Игральную кость бросают 2 раза. Найти вероятность того, что произведение выпавших очков будет равно 12.

а) 1/9; б) 2/9; в) 0,5; г) 1/6.

1. Игральную кость бросают 4 раза. Событие, что сумма выпавших очков четное число, состоит из следующих событий (первая цифра-очко, выпавшее в первый раз, вторая – во второй раз и т.д.):

а)4632; б)6545; в)1661; г)4346.

1. В ящике находится 5 белых и 5 черных шаров. Из ящика один за другим вынимают подряд три шара. Найти вероятность того, что все они будут белыми.

а) 1/10; б) 1/12; в) 1/6; г) 5/16.

1. В урне 8 шаров, из которых 4 белых, а остальные черные. Из этой урны наудачу извлекаются 3 шара, X – число извлеченных белых шаров. Какое распределение имеет случайная величина X .

а) Пуассона б) биномиальный; в) гипергеометрический; г) геометрический.

1. В ящике 12 изделий, из которых 6 стандартных. Из ящика наудачу извлекаются 4 изделия. X – число стандартных извлеченных изделий. Какое распределение имеет случайная величина X .

а) Пуассона б) биномиальный; в) гипергеометрический; г) геометрический.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения тестовых заданий

Описание методики оценивания выполнения тестовых заданий: оценка за выполнение тестовых заданий ставится на основании подсчета процента правильно выполненных тестовых заданий.

Критерии оценки (в баллах):

- **9-10** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 81 – 100 %;
- **7-8** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 61 – 80 %;
- **4-6** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 41 – 60 %;
- **до 4** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 40 %;

Контрольная работа

1. Для проверки эффективности новой технологии отобраны две группы рабочих: в первой группе численностью $n=50$ человек, где применялась новая технология, выборочная средняя выработка составила $\bar{x}=85$ изделий, во второй группе численностью $m=70$ человек выборочная средняя $\bar{y}=78$ изделий. Предварительно установлено, что $D(X)=100$, $D(Y)=74$. При уровне значимости 0,05 выяснить влияние новой технологии на среднюю производительность, т.е. проверяемая гипотеза $H_0: M(X) = M(Y)$ (средние выработки рабочих одинаковы по новой и старой технологиям) при конкурирующей гипотезе $H_1: M(X) > M(Y)$ (означает эффективность применения новой технологии).

2. По двум независимым выборкам, объемы которых $n_1=12$ и $n_2=15$, извлеченным из нормальных генеральных совокупностей X и Y , найдены исправленные выборочные дисперсии $s_x^2 = 11,41$ и $s_y^2 = 6,52$. При уровне значимости 0,05 проверить нулевую гипотезу $H_0: D(X) = D(Y)$ о равенстве генеральных дисперсий при конкурирующей гипотезе $H_1: D(X) > D(Y)$.

3. Числа 1,2,..., n расставлены случайным образом. Предполагая, что различные расположения чисел равновероятны, найти вероятность того, что числа 1, 2, 3 расположены в порядке возрастания, но не обязательно рядом.

4. Летчик катапультируется в местности, 60% которой занимают леса. Вероятность благополучного приземления в лесу равна 0,3, а в безлесной местности — 0,9. Какова вероятность благополучного приземления летчика?

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания контрольной работы

Описание методики оценивания: при оценке выполнения студентом контрольной работы максимальное внимание следует уделять следующим аспектам: насколько полно в теоретическом вопросе раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень

умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит аргументацию и пояснения.

Критерии оценки (в баллах):

- **9-10** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе полно раскрыто содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит пояснения; тестовые задания решены свыше, чем на 80%; уровень знаний, умений, владений – высокий;

- **7-8** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе раскрыто основное содержание материала; в основном правильно даны определения понятий и использованы научные термины; ответ самостоятельный; определения понятий неполные, допущены незначительные нарушения в последовательности изложения; небольшие недостатки при использовании научных терминов; кейс-задание решено верно, но решение не доведено до завершающего этапа; тесты решены на 60-80%. Уровень знаний, умений, владений – средний;

- **5-6** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе усвоено основное, но непоследовательно; определения понятий недостаточно четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, практических занятий; уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности невысокий, наблюдаются пробелы и неточности; в решение кейс-задания верно выполнены некоторые этапы; тесты решены на 40-60%; уровень знаний, умений, владений – удовлетворительный;

- **менее 5** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе не изложено основное содержание учебного материала, изложение фрагментарное, не последовательное; определения понятий не четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности очень низкий; тесты решены менее, чем на 40 %; уровень знаний, умений, владений – недостаточный.

Решение задач

Решение задач способствует формированию умений и навыков относящихся к конкретной сфере деятельности

Примеры задач.

1. В одной урне 1 белый и 4 черных шара, а в другой — 2 белых и 3 черных, в третьей — 3 белых и 2 черных. Из каждой урны вынули по шару. Найти вероятность того, что среди вынутых шаров будет 1 белый и 2 черных шара.
2. Имеется две колоды по 36 карт. Из каждой колоды наудачу выбрали по карте. Найти вероятность того, что это были два туза.
3. Студент пришел на экзамен, зная лишь 20 вопросов из 25. Какова вероятность того, что студент знает каждый из двух вопросов, заданных ему экзамена тором?
4. В одной урне 3 белых и 5 черных шаров, в другой — 5 белых и 2 черных. Из каждой урны взяли по шару. Какова вероятность того, что шары будут одного цвета?
5. Рабочий обслуживает 3 станка. Вероятность того, что в течение часа станок не потребует внимания рабочего, равна для первого станка 0,3, для второго — 0,5 и для третьего — 0,6. Найти вероятность того, что:

а) в течение часа хотя бы один станок не потребует внимания рабочего;

б) в течение двух часов ни один станок не потребует внимания рабочего.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания решения задач

Описание методики оценивания решения задач: оценка ставится на основании знания теоретического материала по теме задачи, умений и навыков применения знаний на практике, анализировать результаты полученного решения.

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется студенту, если он правильно решил задачу. При выполнении задания студент продемонстрировал достаточно хороший уровень владения умениями и навыками при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы получены ответы на большинство дополнительных вопросов.
- 1 балл выставляется студенту, если он выполнил задание с существенными неточностями. При выполнении задания студент продемонстрировал удовлетворительное владение умениями и навыками при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы было допущено неточности.
- 0 баллов выставляется студенту, если он неправильно решил задачу, демонстрируется полное или почти полное отсутствие знания теоретического материала по теме задания. При ответах на дополнительные вопросы было допущено множество неточностей.

Кейс-задания

Описание кейс-заданий: кейс-задание представляет собой ситуационную задачу, требующую осмысления, анализа, а затем решения. Решение кейс-задания должно быть аргументированным, содержать пояснения.

Пример кейс-задания.

Решить кейс-задачу.

В таблице приведены сведения о 10 учащихся первого класса.

| Учащиеся | Рост (см) | Скор. чт (сл.в мин) |
|----------|-----------|---------------------|
| 1 | 110 | 76 |
| 2 | 108 | 60 |
| 3 | 107 | 105 |
| 4 | 106 | 85 |
| 5 | 106 | 77 |
| 6 | 104 | 50 |
| 7 | 103 | 97 |
| 8 | 101 | 60 |
| 9 | 99 | 94 |
| 10 | 98 | 100 |

Задание 1. Построить частотные распределения для указанных признаков.

Задание 2. Определить для каждого признака статистические характеристики: значения моды, медианы и среднего.

Задание 3. Определить, как зависит скорость чтения учащихся от роста.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения кейс-заданий

Описание методики оценивания: при оценке решения кейс-задания наибольшее внимание должно быть уделено тому, насколько полно раскрыто содержание материала, четко и правильно даны ли определения, раскрыто содержание понятий, верно ли использованы научные термины, использованы ли аргументированные доказательства, опыт деятельности, использованы ли ранее приобретенные знания, раскрыты ли причинно-следственные связи, насколько высок уровень

умения оперирования научными категориями, анализа информации, владения навыками практической деятельности.

Критерии оценки (в баллах) (должны строго соответствовать рейтинг плану по макс. и мин. колич. баллов и только для тех, кто учится с использованием модульно-рейтинговой системы обучения и оценки успеваемости студентов):

- **2 балла** выставляется студенту, если задание грамотно проанализировано, установлены причинно-следственные связи, демонстрируются умения работать с источниками информации, владение навыками практической деятельности, найдено оптимальное решение кейс-задание;
- **1 балл** выставляется студенту, если задание проанализировано поверхностно, не установлены причинно-следственные связи, демонстрируются слабые умения работать с источниками информации, неуверенное владение навыками практической деятельности, найдено решение кейс-задания, но имеет значительные недочеты;
- **0 баллов** выставляется студенту, если задание не проанализировано, не установлены причинно-следственные связи, демонстрируется отсутствие умения работать с источниками информации, не сформированы навыки практической деятельности, решение кейс-задания не найдено.

Домашняя контрольная работа

1. В студии телевидения 3 телевизионных камеры. Для каждой камеры вероятность того, что она включена в данный момент, равна $p = 0,6$. Найти вероятность того, что в данный момент включена хотя бы одна камера.
2. 2 стрелка сделали по одному выстрелу по мишени. Известно, что вероятность попадания в мишень для одного из стрелков равна $0,6$, а для другого — $0,7$. Найдите вероятность того, что: а) только один из стрелков попадет в мишень; б) хотя бы один из стрелков попадет в мишень; в) оба стрелка попадут в мишень; г) ни один из стрелков не попадет в мишень; д) хотя бы один из стрелков не попадет в мишень.
3. В магазин поступило 20 телевизоров, 4 среди которых имеют скрытые дефекты. Наудачу отбираются 2 телевизора для проверки. Какова вероятность того, что оба они не имеют дефектов?
4. На сессии студенту предстоит сдать экзамены по трем предметам. Студент освоил 90% вопросов по первому предмету, 95% по второму и 50% по третьему. Какова вероятность того, что студент успешно сдаст все экзамены?
5. Дисперсия каждой из 9 одинаково распределенных взаимно независимых случайных величин равна 36. Найти дисперсию среднего арифметического этих величин.
6. Среднее квадратическое отклонение каждой из 16 одинаково распределенных взаимно независимых случайных величин равно 10. Найти среднее квадратическое отклонение среднего арифметического этих величин.
7. В систему массового обслуживания независимо друг от друга обращаются клиенты двух видов: обычные и с приоритетом в обслуживании. Вероятность поступления клиента с приоритетом равна P . Найти вероятность того, что из n клиентов, поступивших в систему, клиентов с приоритетом будет не более двух (событие A). 1. Вычислить $P(A)$ при $n = 10$, $p = 0,2$. 2. С помощью приближенной формулы Пуассона вычислить $P(A)$ при $n = 100$, $p = 0,02$.
8. Нахождение жирности молока (в %) 30 коров дало следующие результаты:
3,45; 3,29; 3,27; 3,9; 3,93; 3,35; 3,33; 3,31; 3,43; 3,41; 3,75; 3,99; 4,02; 3,86; 3,83; 3,39; 3,37; 3,96; 3,78; 3,81; 4,01; 3,8; 3,77; 3,92; 3,98; 3,95; 3,87; 3,98; 3,95; 3,74.
Выбрав за длину интервала $0,1\%$, постройте интервальный статистический ряд и гистограмму частот. Найдите выборочную среднюю, выборочную дисперсию по интервальному ряду частот.
9. Число пассажиров одного из рейсов за 20 дней составило: 118, 122, 132, 118, 123, 119, 121, 117, 123, 127, 122, 129, 130, 131, 128, 120, 115, 123, 117, 12
Составьте дискретный статистический ряд. Найдите среднее число пассажиров в рейсе. Рассчитайте показатели вариации.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения домашней контрольной работы

Описание методики оценивания: при оценке выполнения студентом домашней контрольной работы максимальное внимание следует уделять следующим аспектам: сколько всего правильно сделанных заданий, насколько полно в теоретическом вопросе раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит аргументацию и пояснения.

Критерии оценки (в баллах):

- **2 балла** выставляется студенту, если правильно сделаны более 70% заданий, в теоретическом вопросе полно раскрыто содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, формулами, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит пояснения; тестовые задания решены свыше, чем на 70%; уровень знаний, умений, владений – высокий;
- **1 балл** выставляется студенту, если правильно сделаны только 40-70% заданий в теоретическом вопросе усвоено основное, но непоследовательно; определения понятий недостаточно четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, практических занятий; уровень умения оперировать научными категориями, формулами, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности невысокий, наблюдаются пробелы и неточности; в решение кейс-задания верно выполнены некоторые этапы; тесты решены на 40-70%; уровень знаний, умений, владений – удовлетворительный;
- **0 баллов** выставляется студенту, если работы нет или если в теоретическом вопросе не изложено основное содержание учебного материала, изложение фрагментарное, не последовательное; определения понятий не четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности очень низкий; тесты решены менее, чем на 40 %; уровень знаний, умений, владений – недостаточный.

Групповой опрос

Групповой опрос 1

Дать определения и раскрыть содержание следующих основных понятий.

- Опыт, случайное событие, вероятность события. Достоверные, невозможные события. Непосредственный подсчет вероятности события.
- Классическое определение вероятности события.
- Какие свойства вероятности знаете?
- Сформулировать правила сложения (теорема сложения вероятностей для зависимых и независимых событий).
- Чем отличаются независимые и зависимые случайные события, совместные и несовместные?
- Как определяется статистическая вероятность событий?

Групповой опрос 2

Задания для группового опроса (сами вопросы и т.д.) составляются по темам согласно тематическому плану. Дать определения и раскрыть содержание следующих основных понятий 9. Дайте геометрическое определение вероятности. 10. Приведите формулу полной вероятности. 11. Приведите теорема гипотез (формулы Байеса). 12. Приведите формула Бернулли. Локальная

теорема Лапласа.13.Приведите интегральную теорему Лапласа. 14.Дайте определение случайным величинам. 15.Какие способы задания ДСВ?16. Какие законы распределения СВ знаем?17.Чем характеризуется биномиальное распределение? Приведите примеры.18.Чем характеризуется распределение Пуассона? Приведите примеры. 19.Чем характеризуется геометрическое распределение? Приведите примеры. 20.Чем характеризуется гипергеометрическое распределение? Приведите примеры. 21.Дайте определения числовым характеристикам дискретных случайных величин. 22.Приведите формулу для вычисления математического ожидания (МО). Свойства МО.23.Приведите формулу для вычисления дисперсия дискретной случайной величины (ДДСВ). Свойства ДДСВ.24.Дайте определение функции распределения вероятностей непрерывной случай величины.25.Какие знаете свойства функции распределения? 26.Дайте определение плотности распределения вероятностей непрерывной случай величины.27. Какие знаете свойства плотности распределения?28. Чем характеризуется равномерное распределение?29.Чем характеризуется показательное распределение?30.Как определяются числовые характеристики непрерывных случайных величин?31.Чем характеризуется нормальный закон распределения?

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания ответов при групповом опросе на практических (семинарских) занятиях

При оценивании ответа на семинаре следует уделять внимание тому, насколько полно раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто ли содержание понятий, верно ли использованы научные термины; использованы ли при ответе ранее приобретенные знания; раскрыты ли в процессе причинно-следственные связи; демонстрируются высокий уровень умения оперировать знаниями, анализировать информацию.

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется студенту, если раскрыто основное содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; ответ самостоятельный, использованы ранее приобретенные знания; раскрыты причинно-следственные связи; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию;

- 1 балл выставляется студенту, если недостаточно раскрыто основное содержание учебного материала, не последовательно; определения понятий недостаточно четкие; допущены ошибки и неточности в использовании научной терминологии определения понятий; уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию низкий.

Экзаменационные билеты

Экзамен (зачет) является оценочным средством для всех этапов освоения компетенций. Структура экзаменационного билета: в билете указывается кафедра в рамках нагрузки которой реализуется данная дисциплина, форма обучения, направление и профиль подготовки, дата утверждения; билет может включать в себя теоретический(ие) вопрос(ы) и практическое задание (кейс-задание).

Примерные вопросы к экзамену, 4 курс / 7 семестр

1. Предмет теории вероятностей. Случайные явления.
2. Основные понятия теории вероятностей. Опыт, случайное событие, вероятность события. Достоверные, невозможные события. Непосредственный подсчет вероятности события.
3. Частота или статистическая вероятность событий. Свойства частот.
4. Пространство элементарных событий. Свойства событий.
5. Классическое определение вероятности события. Аксиомы теории вероятностей Следствия правила сложения (теорема сложения вероятностей для зависимых и независимых событий).
6. Применение комбинаторики при вычислении вероятностей событий. Геометрическое определение вероятности.

7. Условная вероятность события. Независимость событий (теорема умножения вероятностей для зависимых и независимых событий.)
8. Формула полной вероятности. Замечания.
9. Теорема гипотез (формулы Байеса).
10. Формула Бернулли. Локальная теорема Лапласа.
11. Интегральная теорема Лапласа. Вероятность отклонения частоты от вероятности в независимых испытаниях.
12. Случайные величины (СВ). Дискретные (ДСВ) и непрерывные (НСВ) случайные величины. Способы задания ДСВ. Закон распределения СВ.
13. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона
14. Попок событий. Пуассоновский поток событий.
15. Геометрическое и гипергеометрическое распределения.
16. Числовые характеристики дискретных случайных величин. Математическое ожидание (МО). Свойства МО.
17. Дисперсия дискретной случайной величины (ДДСВ). Вычисление ДДСВ.
18. Свойства дисперсии ДДСВ Дисперсия числа появлений событий в независимых испытаниях.
19. Среднее квадратическое отклонение (СКО). СКО суммы взаимно независимых СВ.
20. Числовые характеристики (МО, ДСВ, СКО) взаимно независимых СВ. Начальные и центральные моменты.
21. Законы больших чисел. Неравенство и теорема Чебышева.
22. Законы больших чисел Теорема Бернулли. Устойчивость относительной частоты.
23. Функция распределения вероятностей непрерывной случай величины. Свойства. График функции распределения.
24. Плотность распределения вероятностей непрерывной случай величины. Свойства. График плотности распределения (равномерное распределение).
25. Числовые характеристики непрерывных случайных величин. Нормальный закон распределения.
26. Вероятность попадания в заданный интервал и вероятность заданного отклонения нормальной случайной величины. Правило трех сигм. Коэффициент асимметрии. Эксцесс.
27. Центральная предельная теорема.
28. Функция одного случайного аргумента. Функция двух случайных аргументов. Законы распределения вероятностей.
29. Системы случайных величин и их числовые характеристики.
30. Уравнения прямолинейной регрессии. Корреляция и регрессия.
31. Последовательности случайных величин в дискретном вероятностном пространстве, цепи Маркова.
32. Задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.
33. Статистические оценки параметров распределения Генеральная и выборочная средняя.
34. Генеральная и выборочная дисперсия. Сложение дисперсий.
35. Понятие о доверительных вероятностях и доверительных интервалах.
36. Доверительный интервал для оценки математического ожидания нормального распределения при известном и неизвестном дисперсиях.
37. Проверка статистических гипотез. Статистическая гипотеза. Критерий проверки нулевой гипотезы. Метод условной средней.
38. Сравнение средних (t - критерий Стьюдента).
39. Сравнение дисперсий (F-критерий Фишера).
40. Критерии согласия. χ^2 -хи-квадрат К.Пирсона.

Образец экзаменационного билета

| | |
|--|---|
| МИНОБРНАУКИ РФ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ» БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ Кафедра высшей математики и физики | |
| Дисциплина: Теория вероятности и математическая статистика очная форма обучения 4 курс 7 семестр | Курсовые экзамены 20__-20__ г. Направление 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) Профиль: Математика, экономика |
| Экзаменационный билет № 1 1. Основные понятия теории вероятностей. Опыт, случайное событие, вероятность события. Достоверные, невозможные события. Непосредственный подсчет вероятности события. 2. Законы больших чисел Теорема Бернулли. Устойчивость относительной частоты. 3. Задача | |
| Дата утверждения: __.__.____ | Заведующий кафедрой _____ |

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания ответа на экзамене

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10.

При оценке ответа на экзамене максимальное внимание должно уделяться тому, насколько полно раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий, верно ли использованы научные термины, насколько ответ самостоятельный, использованы ли ранее приобретенные знания, раскрыты ли причинно-следственные связи, насколько высокий уровень умения оперирования научными категориями, анализа информации, владения навыками практической деятельности.

Критерии оценки (в баллах):

- **25-30 баллов** выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теоретические знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;

- **17-24 баллов** выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;

- **10-16 баллов** выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допущены грубые ошибки;

- **1-10 баллов** выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично – от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо – от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно – от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно – менее 45 баллов.

1.3. Рейтинг-план дисциплины

Таблица перевода баллов текущего контроля в баллы рейтинга

| | | | | | | | | | | |
|-----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 5 | 3 | 2 | 2 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | | 5 | 4 | 3 | 2 | 2 | 2 | 2 | 2 | 1 |
| 3 | | | 5 | 4 | 3 | 3 | 3 | 2 | 2 | 2 |
| 4 | | | | 5 | 4 | 4 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 5 | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 | 3 | 3 |
| 6 | | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 | 3 |
| 7 | | | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 |
| 8 | | | | | | | | 5 | 5 | 4 |
| 9 | | | | | | | | | 5 | 5 |
| 10 | | | | | | | | | | 5 |

Рейтинг-план дисциплины представлен в Приложении 1.

2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература

1. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие для студ. вузов / В. Е. Гмурман . — М. : Высшая школа, 2000 .— 479 с.
2. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : Учеб. пособие для студ. вузов / В. Е. Гмурман . — М. : Высшая школа, 2000 .— 400 с.
3. Теория вероятностей : учеб. пособ. для студ. физико-матем. фак-та / Л. А. Бигаева, И. И. Латыпов .— Бирск : БирГСПА, 2011 .— 120 с.

Дополнительная литература

1. Балдин, К.В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. - 2-е изд. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2016. - 472 с. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_id=453249
2. Лисьев, В.П. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / В.П. Лисьев. - Москва : Евразийский открытый институт, 2010. - 200 с. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=90420>

5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elibrary.ru/>.
2. Электронная библиотечная система «Лань» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/>.
3. Университетская библиотека онлайн biblioclub.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/>.
4. Электронная библиотека УУНиТ [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elib.bashedu.ru/>.
5. Российская государственная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://www.rsl.ru/>.
6. Национальная электронная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://xn--90ax2c.xn--p1ai/viewers/>.
7. Национальная платформа открытого образования proed.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://npoed.ru/>.
8. Электронное образование Республики Башкортостан [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://edu.bashkortostan.ru/>.
9. Информационно-правовой портал Гарант.ру [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://www.garant.ru/>.

Программное обеспечение

1. Браузер Google Chrome - Бесплатная лицензия https://www.google.com/intl/ru_ALL/chrome/privacy/eula_text.html
2. Office Professional Plus - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159-ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021
3. Система дистанционного обучения Moodle - Бесплатная лицензия <http://www.gnu.org/licenses/gpl.html>
4. Windows - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159- ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021
5. Браузер Яндекс - Бесплатная лицензия https://yandex.ru/legal/browser_agreement/index.html

6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

| Наименование специализированных аудиторий, кабинетов, лабораторий | Вид занятий | Наименование оборудования, программного обеспечения |
|---|--|---|
| Аудитория 301 Читальный зал (электронный каталог)(ФМ) | Для самостоятельной работы | Компьютеры в сборе, учебная мебель, принтер samsung, сканер hp scanjet g2410. Программное обеспечение 1. Браузер Google Chrome 2. Office Professional Plus |
| Аудитория 307(ФМ) | Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации | Учебная мебель, нетбук, экран есопому-р. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome |

| | | |
|--------------------|--|---|
| Аудитория 411(ФМ) | Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации | Учебная мебель, компьютеры в сборе, экран настенный 180*180 screenmedia, проектор benq mx505. Программное обеспечение 1. Система дистанционного обучения Moodle 2. Браузер Яндекс 3. Браузер Google Chrome 4. Windows 5. Office Professional Plus |
| Аудитория 412а(ФМ) | Для консультаций, Для хранения оборудования | Ксероксfc 860, ноутбук aser, ноутбук samsung, принтер laserlet 1200, сканер canon, компьютеры в сборе, учебная мебель, учебно-методическая литература. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome |
| Аудитория 420(ФМ) | Для самостоятельной работы | Нетбук lenovo, принтер canon lbr3010b, сканер mustek, экран на штативе (155x155), учебная мебель, компьютеры в сборе, проектор переносной, учебно-методические пособия, учебно-наглядные материалы. Программное обеспечение 1. Office Professional Plus 2. Windows 3. Браузер Google Chrome |