

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Ганеев Винер Валиахметович
Должность: Директор
Дата подписания: 26.10.2023 15:18:01
Уникальный программный ключ:
fceab25d7092f3bff743e8ad3f8d57fddc1f5e66

**ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНИТ
ИНЖЕНЕРНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ**

Утверждено:
на заседании кафедры высшей математики и
физики
протокол № 4 от 23.11.2022 г.
Зав. кафедрой подписано ЭЦП / Чудинов В.В.

Согласовано:
Председатель УМК
факультета физики и математики
подписано ЭЦП / Белявская И.А.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)
для очной формы обучения**

Высшая математика
Обязательная часть

программа бакалавриата

Направление подготовки (специальность)
20.03.01 *Техносферная безопасность*

Направленность (профиль) подготовки
Инженерная защита окружающей среды

Квалификация
Бакалавр

Разработчик (составитель) <u>Доцент, к. ф.-м.н.</u> (должность, ученая степень, ученое звание)	<u>подписано ЭЦП / Бодулев А.В.</u> (подпись, Фамилия И.О.)
--	--

Для приема: 2020 г.

Бирск 2022 г.

Составитель / составители: Бодулев А.В.

Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры высшей математики и физики
протокол № ____ от « ____ » _____ 20__ г.

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Дополнения и изменения, внесенные в рабочую программу дисциплины, утверждены на заседании
кафедры _____,
протокол № ____ от « ____ » _____ 20 _ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ Ф.И.О/

Список документов и материалов

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций.....	4
2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы.....	5
3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся).....	5
4. Фонд оценочных средств по дисциплине	15
4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.....	15
4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.....	17
4.3. Рейтинг-план дисциплины	24
5. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины	25
5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины.....	25
5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины.....	25
6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине.....	26

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций

По итогам освоения дисциплины обучающийся должен достичь следующих результатов обучения:

Категория (группа) компетенций (при наличии ОПК)	Формируемая компетенция (с указанием кода)	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине
	способность к познавательной деятельности (ОК-10);	ОК-10.1. Знает	Знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации
		ОК-10.2. Умеет	Уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию
		ОК-10.3. Владеет	Владеть навыками познания окружающей действительности

2. Цель и место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Высшая математика» относится к обязательной части.

Дисциплина изучается на 1,2 курсе в 1,2,3,4 семестре.

Цель изучения дисциплины: формирование навыков логического и алгоритмического мышления, умения оперировать абстрактными объектами, умения самостоятельно расширять и углублять математические знания, владение математическим аппаратом, помогающим анализировать, моделировать и решать прикладные задачи, умения осуществлять выбор математических методов для их решения.

3. Содержание рабочей программы (объем дисциплины, типы и виды учебных занятий, учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся)

ФГБОУ ВО «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»
БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ
ИНЖЕНЕРНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ

СОДЕРЖАНИЕ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ

дисциплины «Высшая математика» на 1,2,3,4 семестр

очная

форма обучения

Вид работы	Объем дисциплины
Общая трудоемкость дисциплины (ЗЕТ / часов)	15/540
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	217.3
лекций	72
практических/ семинарских	142
лабораторных	0
контроль самостоятельной работы (КСР)	0
других (групповая, индивидуальная консультация и иные виды учебной деятельности, предусматривающие работу обучающихся с преподавателем) ФКР	3.3
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СРС)	253.1
Учебных часов на подготовку к экзамену, зачету, дифзачету (Контроль)	69.6

Форма контроля:

 Зачет 1 семестр

 Дифзачет 2 семестр

 Экзамен 3,4 семестр

№ п/п	Тема и содержание	Форма изучения материалов: лекции, практические занятия, семинарские занятия, лабораторные работы, самостоятельная работа и трудоемкость (в часах)							Основная и дополнительная литература, рекомендуемая студентам (номера из списка)	Задания по самостоятельно й работе студентов	Форма текущего контроля успеваемости (коллоквиумы, контрольные работы, компьютерные тесты и т.п.)
		Лек	П	Зч	ДЗ	Эк	Ко Р	СР С			
1 курс / 1 семестр											
1	Линейная алгебра										
1.1	Множества Понятие множества. Операции над множествами.	2	10					10	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
1.2	Элементы линейной алгебры Понятие матрицы. Действия над матрицами: умножение матриц на число, сложение и умножение матриц. Транспонирование матриц. Определители второго и третьего порядков, их свойства и вычисление. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Определители n-го порядка, их свойства и вычисление. Алгебраические дополнения и миноры. Обратная матрица. Решение систем линейных уравнений матричным способом. Ранг матрицы. Вычисление ранга матрицы с помощью	2	8					10	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач

	элементарных преобразований. Теорема о базисном миноре. Понятие о решении произвольных систем линейных уравнений. Решение произвольных систем линейных уравнений методом Гаусса. Процедура нахождения обратной матрицы методом Гаусса.										
2	Аналитическая геометрия										
2.1	Элементы векторной алгебры Линейные операции над векторами. Линейно независимые системы векторов. Базис. Система координат. Линейные операции над векторами в координатах. Скалярное произведение в трехмерном пространстве и его свойства. Длина вектора. Угол между векторами. Векторное и смешанное произведение.	4	8				20	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач	
2.2	Элементы аналитическая геометрии Уравнение линии на плоскости. Уравнение прямой на плоскости. Кривые второго порядка. Уравнение поверхности в пространстве. Уравнение плоскости. Уравнения линии в пространстве. Уравнения прямой в пространстве.	4	10				19. 8	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач	
3	Зачет			1			0.2				

Итого по 1 курсу 1 семестру		12	36	1				60			
1 курс / 2 семестр											
1	Дифференциальное исчисление функции одной переменной										
1.1	Введение в математический анализ Числовая последовательность, предел числовой последовательности. Предел функции.	6	6					26	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
1.2	Производная функции Производная функции. Дифференциал функции	8	8					16	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
2	Интегральное исчисление функций одной переменной										
2.1	Неопределенный и определенный интеграл Первообразная функция. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Несобственные интегралы.	4	8					24	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
2.2	Ряды Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия со сходящимися рядами	4	10					23. 3	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач

3	Контрольная работа						1	0.5			
4	Дифференцированный зачет				1			0.2			
Итого по 1 курсу 2 семестру		22	32		1		1	90			
2 курс / 3 семестр											
1	Функции нескольких переменных										
1.1	Функции нескольких переменных Область определения, способы задания. Предел функции в точке. Непрерывность.	8	18					16	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
1.2	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных Частные приращения и частные производные. Геометрический смысл частных производных функции двух переменных. Полное приращение и полный дифференциал. Касательная плоскость и нормаль к поверхно-сти. Геометрический смысл полного диффе- ренциала функции двух переменных. Приближенные вычисления с помощью полно-го дифференциала. Частные производные и дифференциалы выс-ших порядков. Теорема о независимости част-ных	8	18					16	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач

	производных от порядка дифференцирования										
2	Дифференциальные уравнения										
2.1	Обыкновенные дифференциальные уравнения Задачи, сводящиеся к обыкновенным дифференциальным уравнениям. Обыкновенные дифференциальные уравнения (основные понятия и определения). Задача Коши для дифференциального уравнения первого порядка вероятностей. Теорема существования и единственности решения задачи Коши (без доказательства). Понятие об общем, частном и особом решениях дифференциальных уравнений.	4	6				10	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач	
2.2	Дифференциальные уравнения первого порядка Основные классы уравнений первого порядка, интегрируемых в квадратурах: уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, уравнения Бернулли, уравнения в полных дифференциалах. Геометрическая интерпретация решений дифференциальных уравнений первого порядка.	4	8				10	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач	

2.3	<p>Дифференциальные уравнения высших порядков</p> <p>Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения. Понятие однородного и неоднородного уравнения. Однородные линейные дифференциальные уравнения. Система фундаментальных решений. Общее решение. Однородные линейные уравнения с постоянными коэффициентами. Неоднородные линейные дифференциальные уравнения. Теорема о структуре общего решения. Метод Лагранжа вариации производных постоянных. Неоднородные линейные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида.</p>	2	6					10	<p>Осн. лит-ра №№ 1,2</p> <p>Доп. лит-ра №№ 1,2,3</p>	Решение задач	Решение задач	
3	Экзамен					1		36				
Итого по 2 курсу 3 семестру		26	56			1		98				
2 курс / 4 семестр												
1	Теория вероятности											
1.1	<p>Дискретный анализ</p> <p>Элементы комбинаторики. Конечные</p>	4	4					16	<p>Осн. лит-ра №№ 1,2</p> <p>Доп. лит-ра №№</p>	Решение задач	Решение задач	

	<p>множества и операции над ними. Подмножества данного множества. Подмножества данного множества. Число подмножества данного множества (сочетания). Упорядоченные множества. Перестановки и размещения. Бином Ньютона и полиномиальная формула</p>							1,2,3			
1.2	<p>Теория вероятности</p> <p>Предмет теории вероятностей. Случайные события, операции над событиями и отношения между ними. Пространство элементарных событий. Классическое определение вероятности. Теорема сложения вероятностей. Частота. Геометрическая вероятность. Условная вероятность. Независимость событий. Вероятность суммы и произведения событий. Теорема о полной вероятности. Формулы Байеса. Определение случайной величины. Функция распределения и ее свойства. Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Числовые характеристики случайных дискретных величин. Математическое ожидание, его свойства. Дисперсия и среднеквадратическое отклонение, основные свойства и вычисление</p>	4	8					16	<p>Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3</p>	Решение задач	Решение задач

2	Математическая статистика										
2.1	Математическая статистика Основные задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности данных. Репрезентативность выборки. Статистическое распределение выборки. Варианты. Частоты. Эмпирическая функция распределения. Гистограмма	4	6					10	Осн. лит-ра №№ 1,2 Доп. лит-ра №№ 1,2,3	Решение задач	Решение задач
3	Экзамен					1		36			
Итого по 2 курсу 4 семестру		12	18			1		78			
Итого по дисциплине		72	142	1	1	2	1	326			

4. Фонд оценочных средств по дисциплине

4.1. Перечень компетенций и индикаторов достижения компетенций с указанием соотнесенных с ними запланированных результатов обучения по дисциплине. Описание критериев и шкал оценивания результатов обучения по дисциплине.

Код и формулировка компетенции: способность к познавательной деятельности (ОК-10);

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Критерии оценивания результатов обучения (Зачет)	
		Незачтено	Зачтено
ОК-10.1. Знает	Знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Не удовлетворительно знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Хорошо знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации
ОК-10.2. Умеет	Уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Не удовлетворительно уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Хорошо уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию
ОК-10.3. Владеет	Владеть навыками познания окружающей действительности	Не удовлетворительно владеть навыками познания окружающей действительности	Хорошо владеть навыками познания окружающей действительности

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Критерии оценивания результатов обучения (Дифзачет)			
		2 (Неудовлетворительно)	3 (Удовлетворительно)	4 (Хорошо)	5 (Отлично)
ОК-10.1. Знает	Знать сущность методов анализа,	Не удовлетворительно знать сущность	Удовлетворительно знать сущность методов	Хорошо знать сущность методов анализа,	Отлично знать сущность методов анализа,

	способов получения, обобщения и систематизации информации	методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	способов получения, обобщения и систематизации информации	способов получения, обобщения и систематизации информации
ОК-10.2. Умеет	Уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Не удовлетворительно уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Удовлетворительно уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Хорошо уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Отлично уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию
ОК-10.3. Владеет	Владеть навыками познания окружающей действительности	Не удовлетворительно владеть навыками познания окружающей действительности	Удовлетворительно владеть навыками познания окружающей действительности	Хорошо владеть навыками познания окружающей действительности	Отлично владеть навыками познания окружающей действительности

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Критерии оценивания результатов обучения (Экзамен)			
		2 (Неудовлетворительно)	3 (Удовлетворительно)	4 (Хорошо)	5 (Отлично)
ОК-10.1. Знает	Знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Не удовлетворительно знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Удовлетворительно знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Хорошо знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Отлично знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации
ОК-10.2. Умеет	Уметь осуществлять поиск необходимой	Не удовлетворительно уметь осуществлять	Удовлетворительно уметь осуществлять поиск	Хорошо уметь осуществлять поиск необходимой	Отлично уметь осуществлять поиск необходимой

	информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию
ОК-10.3. Владеет	Владеть навыками познания окружающей действительности	Не удовлетворительно владеть навыками познания окружающей действительности	Удовлетворительно владеть навыками познания окружающей действительности	Хорошо владеть навыками познания окружающей действительности	Отлично владеть навыками познания окружающей действительности

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины. Баллы, выставляемые за конкретные виды деятельности представлены ниже.

4.2. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценивания результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине.

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине	Оценочные средства
ОК-10.1. Знает	Знать сущность методов анализа, способов получения, обобщения и систематизации информации	Решение задач, Контрольная работа
ОК-10.2. Умеет	Уметь осуществлять поиск необходимой информации, анализировать, обобщать и систематизировать полученную информацию	Контрольная работа, Решение задач
ОК-10.3. Владеет	Владеть навыками познания окружающей действительности	Контрольная работа, Решение задач

Критериями оценивания при модульно-рейтинговой системе являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины

для экзамена: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10;

для зачета: текущий контроль – максимум 50 баллов; рубежный контроль – максимум 50 баллов, поощрительные баллы – максимум 10).

Шкалы оценивания:

для экзамена:

от 45 до 59 баллов – «удовлетворительно»;

от 60 до 79 баллов – «хорошо»;

от 80 баллов – «отлично».

для зачета:

зачтено – от 60 до 110 рейтинговых баллов (включая 10 поощрительных баллов),

не зачтено – от 0 до 59 рейтинговых баллов.

Контрольная работа

1. Вычислить $\frac{(1+i)^2}{2-i} + i^{29}$

2. Вычислить $\sqrt{40+42i}$

3. Решить систему уравнений

$$\begin{cases} x + (7 - 3i)y = 5 + i, \\ (1 + 2i)x + 8y = 2; \end{cases}$$

4. Вычислить $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{6}}{2}\right)^6$

5. Вычислить $\sqrt[3]{-2+2i}$

6. Выяснить существует ли для данной функции обратная $y = \log_2(x^2 + 2x + 9)$

7. Вычислить $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - 4x - 1}{6x^5 - 3}$

8. Найти производную первого порядка

$$y = \frac{x \arcsin x}{\sqrt{1-x^2}} + \ln \sqrt{1-x^2}.$$

9. Найти производную y'_x

$$\begin{cases} x = \frac{3t^2 + 1}{3t^3}, \\ y = \sin\left(\frac{t^3}{3} + t\right). \end{cases}$$

10. Найти производную указанного порядка

$$y = (2x^2 - 7) \ln(x - 1), \quad y' = ?$$

11. Вычислить приближенно с помощью производной

$$y = \sqrt[3]{x}, \quad x = 7,76.$$

12. Построить график функции

$$y = \frac{(x-1)^2}{(x+1)^2}$$

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания контрольной работы

Описание методики оценивания: при оценке выполнения студентом контрольной работы максимальное внимание следует уделять следующим аспектам: насколько полно в теоретическом вопросе раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит аргументацию и пояснения.

Критерии оценки (в баллах):

- **9-10** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе полно раскрыто содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит пояснения; тестовые задания решены свыше, чем на 80%; уровень знаний, умений, владений – высокий;

- **7-8** баллов выставляется студенту, если В теоретическом вопросе раскрыто основное содержание материала; в основном правильно даны определения понятий и использованы научные термины; ответ самостоятельный; определения понятий неполные, допущены незначительные нарушения в последовательности изложения; небольшие недостатки при использовании научных терминов; кейс-задание решено верно, но решение не доведено до завершающего этапа; тесты решены на 60-80%. Уровень знаний, умений, владений – средний;

- **5-6** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе усвоено основное, но непоследовательно; определения понятий недостаточно четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, практических занятий; уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности невысокий, наблюдаются пробелы и неточности; в решение кейс-задания верно выполнены некоторые этапы; тесты решены на 40-60%; уровень знаний, умений, владений – удовлетворительный;

- **менее 5** баллов выставляется студенту, если в теоретическом вопросе не изложено основное содержание учебного материала, изложение фрагментарное, не последовательное; определения понятий не четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности очень низкий; тесты решены менее, чем на 40 %; уровень знаний, умений, владений – недостаточный.

Решение задач

Решение задач способствует формированию умений и навыков относящихся к конкретной сфере деятельности

1. Выполнить операции над матрицами:

$$a) \begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 & 0 \\ -1 & 3 & 0 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 \\ 1 & 5 & -1 \\ 6 & 7 & 0 \end{pmatrix}, \quad b) \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \\ 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 7 \end{pmatrix} \quad c) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

$$g) \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot (5 \quad -6) \quad h) (-3 \quad 0 \quad 4) \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} \quad i) \begin{pmatrix} -1 & 7 & 6 \\ 0 & 2 & 5 \\ -1 & 1 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 & -7 & 0 \\ 1 & 10 & 4 \\ 2 & 6 & -3 \end{pmatrix}$$

2. Вычислить определители 2-го порядка

$$a) \begin{vmatrix} 5 & -7 \\ 3 & 2 \end{vmatrix}, \quad b) \begin{vmatrix} 2 & -3 \\ -4 & 6 \end{vmatrix}$$

№ 3. Вычислить определитель:

$$a) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 2 & 3 & -4 \\ 3 & -1 & 2 \end{vmatrix}, \quad b) \begin{vmatrix} -1 & 2 & 3 & -4 \\ 3 & -5 & 1 & 2 \\ -2 & 1 & 3 & -5 \\ 3 & 2 & 4 & -1 \end{vmatrix}$$

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания решения задач.

Критерии оценки

5 баллов выставляется студенту, если: составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении, в выборе формул и решении нет ошибок, получен верный ответ, задача решена рациональным способом.

4 баллов выставляется студенту, если: составлен правильный алгоритм решения задачи, в логическом рассуждении и решении нет существенных ошибок; правильно сделан выбор формул для решения; есть объяснение решения, но задача решена нерациональным способом или допущено не более двух несущественных ошибок, получен верный ответ.

3 баллов выставляется студенту, если: задача понята правильно, в логическом рассуждении нет существенных ошибок, но допущены существенные ошибки в выборе формул или в математических расчетах; задача решена не полностью или в общем виде.

1 балл выставляется студенту, если: задача решена неправильно.

0 баллов выставляется студенту, если: задача не решена.

Зачет

Зачет является оценочным средством для всех этапов освоения компетенций.

Примерные вопросы к зачету, 1 курс / 1 семестр

1. Матрицы. Основные понятия.
2. Действия над матрицами.
3. Определители. Основные понятия.
4. Свойства определителей.
5. Минор. Алгебраические дополнения. Вычисление определителя приведением к треугольному виду и разложением по строке.
6. Вычисления определителей n -го порядка.
7. невырожденные матрицы. Основные понятия.
8. Обратная матрица. Нахождение обратной матрицы с помощью алгебраических дополнений.
9. Обратная матрица. Нахождение обратной матрицы с помощью элементарных преобразований.
10. Ранг матрицы.
11. Системы линейных уравнений. Основные понятия.
12. Решение систем линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
13. Решение невырожденных линейных систем. Формулы Крамера.
14. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.
15. Решение систем линейных уравнений средствами матричного исчисления.
16. Системы линейных однородных уравнений

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения работ на зачете

Зачет выставляется по рейтингу, в зависимости от эффективности работы в процессе изучения дисциплины, что определяется количеством набранных баллов за все виды заданий текущего и рубежного контроля

зачтено – от 60 до 110 баллов

не зачтено – от 0 до 59 баллов.

Дифференцированный зачет

Примерные вопросы к дифзачету, 1 курс / 2 семестр

1. Понятие производной.
2. Механический и геометрический смысл производной.
3. Таблица производных.
4. Дифференциал функции одной переменной.
5. Формулы приближенных вычислений.

6. Касательная к графику функции одной переменной.
7. Применение производной для исследования и построения графика функции.
8. Правила вычисления производных.
9. Неопределенный интеграл. Таблица интегралов. Правила вычисления неопределенных интегралов.
10. Методы интегрирования подстановкой, по частям, интегрирование дробей, интегрирование тригонометрических функций.
11. Определенный интеграл.
12. Геометрический смысл неопределенного интеграла.
13. Приложение определенного интеграла для вычисления площади, объема тела вращения, пути и работы.
14. Функция двух переменных. Область определения, множество значений, график функции двух переменных.
15. Частные производные первого и второго порядка функции двух переменных. Дифференциал.
16. Безусловный и условный экстремумы функции двух переменных.
17. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
18. Двойные интегралы. Повторное интегрирование двойных интегралов при различных областях определения.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения дифференцированного зачета

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично – от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо – от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно – от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно – менее 45 баллов.

Экзаменационные билеты

Экзамен (зачет) является оценочным средством для всех этапов освоения компетенций. Структура экзаменационного билета: в билете указывается кафедра в рамках нагрузки которой реализуется данная дисциплина, форма обучения, направление и профиль подготовки, дата утверждения; билет может включать в себя теоретический(ие) вопрос(ы) и практическое задание (кейс-задание).

Примерные вопросы к экзамену, 2 курс / 3 семестр

1. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Основные определения.
2. Дифференциальные уравнения I порядка: общее и частное решение, геометрический смысл, начальные условия, задача Коши.
3. Интегрирование простейших дифференциальных уравнений первого порядка: уравнения с разделяющимися переменными
4. Однородные дифференциальные уравнения
5. Интегрирование простейших дифференциальных уравнений первого порядка: уравнения в полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.
6. Интегрирование простейших дифференциальных уравнений первого порядка: линейные дифференциальные уравнения и приводящиеся к ним.
7. Уравнение Бернулли, уравнение Риккати.
8. Уравнения, не разрешенные относительно первой производной, уравнения Лагранжа и Клеро.
9. Доказательство теоремы существования и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка.
10. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные определения.

11. Уравнения, допускающие понижение порядка.
12. Линейные дифференциальные уравнения n -го порядка.
13. Понятие линейной зависимости и независимости системы функций.
14. Решение однородных и неоднородных линейных дифференциальных уравнений n -го порядка. Структура общего решения.
15. Линейные уравнения с переменными коэффициентами.
16. Метод вариации произвольных постоянных.
17. Решение линейных обыкновенных дифференциальных уравнений n -го порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.

Примерные вопросы к экзамену, 2 курс / 4 семестр

1. Основной принцип комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.
2. Размещения, сочетания и перестановки с повторениями.
3. Бином Ньютона и полиномиальная формула.
4. Предмет теории вероятностей. Алгебра событий.
5. Классическое определение вероятности.
6. Относительная частота. Статистическое определение вероятности.
7. Геометрические вероятности.
8. Теорема сложения вероятностей.
9. Теорема умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного события.
10. Формула полной вероятности и формула Байеса.
11. Схема и формула Бернулли. Приближение Пуассона для схемы Бернулли.
12. Случайные величины. Закон распределения и функция распределения дискретной случайной величины.
13. Биномиальное распределение и распределение Пуассона.
14. Функция распределения и плотность распределения непрерывной случайной величины, их взаимосвязь и свойства.
15. Равномерное распределение вероятностей.
16. Нормальный закон распределения вероятностей. Нормальная кривая.
17. Функция Лапласа. Вычисление вероятности попадания в заданный интервал нормальной случайной величины. Правило трех сигм.
18. Показательное распределение. Функция надежности. Показательный закон надежности.
19. Основные числовые характеристики дискретных случайных величин: математическое ожидание. Свойства и примеры.
20. Основные числовые характеристики дискретных случайных величин: дисперсия и среднее квадратическое отклонение. Их свойства и примеры.
21. Числовые характеристики непрерывных случайных величин.
22. Числовые характеристики случайных величин, имеющих некоторые стандартные законы распределения.
23. Дискретные двумерные случайные величины.
24. Непрерывные двумерные случайные величины.
25. Некоторые числовые характеристики одномерных случайных величин: начальные и центральные моменты, мода, медиана, квантиль, коэффициенты асимметрии и эксцесса.
26. Числовые характеристики двумерных случайных величин: начальные и центральные моменты. Корреляционный момент и коэффициент корреляции. Коррелированность и зависимость случайных величин.
27. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева и Бернулли.
28. Основные понятия математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд, статистический ряд. Группированная выборка. Группированный статистический ряд.
29. Полигон частот. Выборочная функция распределения и гистограмма.

30. Числовые характеристики статистического распределения: выборочное среднее, оценки дисперсии, оценки моды и медианы, оценки начальных и центральных моментов.
31. Основные свойства статистических характеристик параметров распределения: несмещенность, состоятельность, эффективность. Несмещенность и состоятельность выборочного среднего как оценки математического ожидания. Смещенность выборочной дисперсии. Пример несмещенной оценки дисперсии. Асимптотически несмещенные оценки.
32. Способы построения оценок: метод наибольшего правдоподобия, метод моментов, метод квантили, метод наименьших квадратов, байесовский подход к получению оценок.
33. Интервальное оценивание неизвестных параметров. Точность оценки, доверительная вероятность (надежность), доверительный интервал. Построение доверительных интервалов для оценки математического ожидания нормального распределения при известной и при неизвестной дисперсии. Доверительные интервалы для оценки среднего квадратического отклонения нормального распределения.
34. Статистическая проверка статистических гипотез. Общие принципы проверки гипотез. Понятия статистической гипотезы (простой и сложной), нулевой и конкурирующей гипотезы, ошибок первого и второго рода, уровня значимости, статистического критерия, критической области, области принятия гипотезы.
35. Наблюдаемое значение критерия. Критические точки. Мощность критерия. Критерии для проверки гипотез о вероятности события, о математическом ожидании, о сравнении двух дисперсий.
36. Критерий Пирсона для проверки гипотезы о виде закона распределения случайной величины.
37. Проверка гипотез о нормальном, показательном и равномерном распределениях по критерию Пирсона. Критерий Колмогорова.
38. . Приближенный метод проверки нормальности распределения, связанный с оценками коэффициентов асимметрии и эксцесса.
39. Корреляционный анализ.
40. Регрессионный анализ.

Образец экзаменационного билета

МИНОБРНАУКИ РФ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ» БИРСКИЙ ФИЛИАЛ УУНиТ Кафедра высшей математики и физики	
Дисциплина: Высшая математика очная форма обучения 2 курс 3 семестр	Курсовые экзамены 20__-20__ г. Направление 20.03.01 Техносферная безопасность Профиль: Инженерная защита окружающей среды
Экзаменационный билет № 1	
1. Дифференциальные уравнения I порядка: общее и частное решение, геометрический смысл, начальные условия, задача Коши. 2. Решить задачу	
Дата утверждения: __.__.____	Заведующий кафедрой _____

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания ответа на экзамене

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины: текущий контроль – максимум 40 баллов; рубежный контроль – максимум 30 баллов, поощрительные баллы – максимум 10.

При оценке ответа на экзамене максимальное внимание должно уделяться тому, насколько полно раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий, верно ли использованы научные термины, насколько ответ самостоятельный, использованы ли ранее приобретенные знания, раскрыты ли причинно-следственные связи, насколько высокий уровень умения оперирования научными категориями, анализа информации, владения навыками практической деятельности.

Критерии оценки (в баллах):

- **25-30 баллов** выставляется студенту, если студент дал полные, развернутые ответы на все теоретические вопросы билета, продемонстрировал знание функциональных возможностей, терминологии, основных элементов, умение применять теоретические знания при выполнении практических заданий. Студент без затруднений ответил на все дополнительные вопросы. Практическая часть работы выполнена полностью без неточностей и ошибок;
- **17-24 баллов** выставляется студенту, если студент раскрыл в основном теоретические вопросы, однако допущены неточности в определении основных понятий. При ответе на дополнительные вопросы допущены небольшие неточности. При выполнении практической части работы допущены несущественные ошибки;
- **10-16 баллов** выставляется студенту, если при ответе на теоретические вопросы студентом допущено несколько существенных ошибок в толковании основных понятий. Логика и полнота ответа страдают заметными изъянами. Заметны пробелы в знании основных методов. Теоретические вопросы в целом изложены достаточно, но с пропусками материала. Имеются принципиальные ошибки в логике построения ответа на вопрос. Студент не решил задачу или при решении допущены грубые ошибки;
- **1-10 баллов** выставляется студенту, если ответ на теоретические вопросы свидетельствует о непонимании и крайне неполном знании основных понятий и методов. Обнаруживается отсутствие навыков применения теоретических знаний при выполнении практических заданий. Студент не смог ответить ни на один дополнительный вопрос.

Перевод оценки из 100-балльной в четырехбалльную производится следующим образом:

- отлично – от 80 до 110 баллов (включая 10 поощрительных баллов);
- хорошо – от 60 до 79 баллов;
- удовлетворительно – от 45 до 59 баллов;
- неудовлетворительно – менее 45 баллов.

1.3. Рейтинг-план дисциплины

Таблица перевода баллов текущего контроля в баллы рейтинга

	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	5	3	2	2	1	1	1	1	1	1
2		5	4	3	2	2	2	2	2	1
3			5	4	3	3	3	2	2	2
4				5	4	4	3	3	3	2
5					5	5	4	4	3	3
6						5	5	4	4	3
7							5	5	4	4
8								5	5	4

9									5	5
10										5

Рейтинг-план дисциплины представлен в Приложении 1.

2. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

5.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

Основная литература

1. Виленкин, И. В. Высшая математика : дифференциальное и интегральное исчисление : линейная алгебра / И. В. Виленкин, В. М. Гробер. — = 6-е изд. — Ростов-на-Дону : Феникс, 2011. — 415 с.
2. Баврин И.И. Высшая математика: Учебник для студентов вузов/И.И.Баврин, В.Л.Матросов.- М.: Владос, 2002.-398с.:ил. -(Учебник для вузов).

Дополнительная литература

1. Мышкис, А.Д. Математика для технических ВУЗов. Специальные курсы [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.Д. Мышкис. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 640 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/282>.
2. Кузнецов, Б.Т. Математика : учебник / Б.Т. Кузнецов. - 2-е изд., перераб. и доп. - Москва : Юнити-Дана, 2015. - 719 с. [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=114717>
3. Вдовин, А.Ю. Высшая математика. Стандартные задачи с основами теории : учеб. пособие / А.Ю. Вдовин, Л.В. Михалева, В.М. Мухина. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 192 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/45>.

5.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elibrary.ru/>.
2. Электронная библиотечная система «Лань» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/>.
3. Университетская библиотека онлайн biblioclub.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/>.
4. Электронная библиотека УУНиТ [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://elib.bashedu.ru/>.
5. Российская государственная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://www.rsl.ru/>.
6. Национальная электронная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://xn--90ax2c.xn--p1ai/viewers/>.
7. Национальная платформа открытого образования proed.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://npoed.ru/>.
8. Электронное образование Республики Башкортостан [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://edu.bashkortostan.ru/>.
9. Информационно-правовой портал Гарант.ру [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://www.garant.ru/>.

Программное обеспечение

1. Браузер Google Chrome - Бесплатная лицензия
https://www.google.com/intl/ru_ALL/chrome/privacy/eula_text.html
2. Office Professional Plus - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159-ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021
3. Windows - Договор №0301100003620000022 от 29.06.2020, Договор № 2159- ПО/2021 от 15.06.2021, Договор №32110448500 от 30.07.2021

6. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Наименование специализированных аудиторий, кабинетов, лабораторий	Вид занятий	Наименование оборудования, программного обеспечения
Аудитория 101(ИТФ)	Лекционная, Семинарская, Для контроля и аттестации, Для хранения оборудования	Учебная мебель, доска классная.
Аудитория 102(ИТФ)	Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Доска классная, учебная мебель, проектор optoma x316, экран настенный dinon manual 160x160.
Аудитория 104(ИТФ)	Лекционная, Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Экран на штативе 200x200 mw 144047, доска классная, учебная мебель.
Аудитория 106(ИТФ)	Семинарская, Для контроля и аттестации, Для хранения оборудования	Доска классная, учебная мебель.
Аудитория 204(ИТФ)	Семинарская, Для консультаций, Для контроля и аттестации	Источник бесперебойного питания арс, компьютер в сборе, принтер canon lbr 2900, сканер erpson 1270, учебная мебель, доска классная. Программное обеспечение 1. Браузер Google Chrome 2. Office Professional Plus
Аудитория 207(ИТФ)	Для самостоятельной работы	Часы настенные, коммутатор , учебно-методическая литература, компьютер в сборе, мфу canon лазерный mf 3228, нетбук lenovo idea pads10-3c intel atom n455, 1gb,1, лампа настольная , принтер, учебная мебель. Программное обеспечение 1. Windows 2. Office Professional Plus 3. Браузер Google Chrome

Аудитория 210(ИТФ)	Для консультаций	Корпусная мебель, принтер hp laserjet pro m125ra лазерное мфу , компьютер в сборе. Программное обеспечение 1. Браузер Google Chrome 2. Office Professional Plus
Аудитория 301 Читальный зал (электронный каталог)(ФМ)	Для самостоятельной работы	Компьютеры в сборе, учебная мебель, принтер samsung, сканер hp scanjet g2410. Программное обеспечение 1. Браузер Google Chrome 2. Office Professional Plus