Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Ганеев Винер Валиахметович
Должность: Директор
Дата подписания: 13.11.2026 15:50:25
Уникальный программный ключ:
fceab25d7092f3bff743e8ad3f8d57fddc1f5e66

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

ФГБОУ ВО «Уфимский университет науки и технологий»

Бирский филиал

ФАКУЛЬТЕТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ

УТВЕРЖДАЮ:
Декан
*подписано ЭЦП* Гайсин Ф.Р.
*(подпись, инициалы, фамилия)*

«26» 02 2026 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Численные методы
*(наименование дисциплины)*

ОПОП ВО программа бакалавриата
09.03.03 Прикладная информатика
*шифр и наименование направления подготовки (специальности)*

направленность (профиль, специализация)

Прикладная информатика в информационной сфере
*наименование направленности (профиля, специализации)*

форма обучения
очная
*(очная, очно-заочная, заочная)*

Бирск 2026 г.

Рабочая программа составлена на основании учебного плана основной профессиональной образовательной программы 09.03.03 Прикладная информатика профиль Прикладная информатика в информационной сфере, одобренного ученым советом Бирского филиала Уфимского университета науки и технологий (протокол №7 от 27.02.2026 г.) и утвержденного директором Бирского филиала 27.02.2026.

| | | |
|---|---|---|
| Зав.кафедрой кафедры высшей математики и физики *(наименование кафедры разработчика программы)* | *подписано ЭЦП* | Чудинов В.В. |
| Разработчик программы | *подписано ЭЦП* | Бигаева Л.А. |
| Руководитель образовательной программы | *подписано ЭЦП* | Бигаева Л.А. |

## 1. Цель дисциплины. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной профессиональной образовательной программы

### 1.1. Цель дисциплины

Цель изучения дисциплины: формирование знаний в области математического моделирования и численных методов, умений и навыков численного решения модельных задач, получаемых при математическом описании различных реальных процессов, построения численных алгоритмов решения прикладных задач.

### 1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения основной профессиональной образовательной программы

Таблица 1. – Результаты обучения по дисциплине

| Планируемые результаты освоения основной профессиональной образовательной программы (компетенции, закрепленные за дисциплиной) | | Код и наименование индикатора достижения компетенции, закрепленного за дисциплиной |
|---|---|---|
| код компетенции | наименование компетенции | |
| ОПК-1 | Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности | ОПК-1.1. Демонстрирует знания основных естественнонаучных и общеинженерных закономерностей, методов математического анализа, моделирования, теоретического и экспериментального исследования. |
| | | ОПК-1.2. Демонстрирует навыки использования основных естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа, моделирования, теоретического и экспериментального исследования в своей профессиональной деятельности. |
| | | ОПК-1.3. Применяет естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа, моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности. |
| ОПК-6 | Способен анализировать и разрабатывать организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования | ОПК-6.1. Демонстрирует знания основ теории систем и системного анализа, численных методов, математического и имитационного моделирования |
| | | ОПК-6.2. Анализирует организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования. |
| | | ОПК-6.3. Разрабатывает организационно-технические и экономические процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования. |

## 2. Структура и трудоемкость дисциплины

Общая трудоемкость (объем) дисциплины составляет 3 зачетные единицы (з.е.), 108 академических часов.

Таблица 2 – Объем дисциплины

| Виды учебной работы | Всего, часов | Количество часов в семестре |
|---|---|---|
| Общая трудоемкость дисциплины | 108 | 5 семестр - 108 |
| Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий (всего) | 52 | 5 семестр - 52 |
| в том числе: | | |
| лекции | 18 | 5 семестр - 18 |
| лабораторные занятия | 34 | 5 семестр - 34 |
| практические занятия | 0 | |
| Другие виды работ в соответствии с УП: | | |
| контрольная работа | 0 | |
| консультации | 0 | |
| Самостоятельная работа обучающихся (всего) | 56 | 5 семестр - 56 |
| Из них: | | |
| контроль | 0 | |
| ФКР: | | |
| *зачет* | 0.2 | 5 семестр - 1 |
| *зачет с оценкой* | 0 | |
| *курсовая работа (проект)* | 0 | |
| *экзамен* | 0 | |

## 3 Содержание дисциплины

Таблица 3 – Содержание дисциплины

| № п/п | Раздел (тема) дисциплины | Виды деятельности | | | | Форма текущего контроля успеваемости |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | | Лек, час. | Лаб, час. | Зч, час. | СРС, час. | |
| 3 курс / 5 семестр | | | | | | |
| 1 | Численные методы решения уравнений и систем уравнений. | | | | | |
| 1.1 | Математические модели. Численные методы.<br><br>Математические модели и численные методы. Решение задач с использованием ЭВМ. Приближенное решение, устойчивость и корректность.Элементы теории погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Погрешность суммы, разности, произведения, частного. Определение относительной погрешности степени, корня, погрешности элементарных функций. Метод границ. Общая формула для | 2 | | | 6 | Домашняя контрольная работа |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | погрешностей | | | | | |
| 1.2 | Численное решение нелинейных уравнений.<br><br>Постановка задачи решения алгебраических и транцендентных уравнений. Отделение корней. Метод половинного деления. Метод хорд, метод касательных.Комбинированный метод хорд и касательных. Оценка погрешности решения. Метод итерации. .Достаточное условие сходимости. | 4 | 8 | | 6 | Лабораторная работа |
| 1.3 | Решение систем линейных уравнений<br><br>Решение систем линейных уравнений. Точные и приближенные методы решения. Метод простой итерации и Зейделя. Оценка погрешности. | 2 | 4 | | 6.8 | Лабораторная работа |
| 2 | Методы приближения функций. Численное дифференцирование и интегрирование | | | | | |
| 2.1 | Интерполирование функций.<br><br>Интерполирование функций. Конечные разности. Центральные разности. Интерполяционные формулы Ньютона. Интерполяционная формула Лагранжа. Оценка погрешности интерполяционной формулы. Обратное интерполирование. | 2 | 4 | | 7 | Лабораторная работа |
| 2.2 | Численное дифференцирование<br><br>Постановка задачи приближенного дифференцирования. Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Ньютона. Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Лагранжа | 2 | 4 | | 5 | Лабораторная работа, Домашняя контрольная работа |
| 2.3 | Численное интегрирование<br><br>Численное интегрирование. Формулы прямоугольников. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы трапеции и Симпсона. Остаточный член. Метод Монте-Карло. | 2 | 6 | | 8 | Лабораторная работа |
| 3 | Численные методы решения дифференциальных уравнений | | | | | |
| 3.1 | Метод Пикара. Метод Эйлера | 2 | 4 | | 8 | Лабораторная |

| | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|
| | Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Постановка задачи. Метод последовательных приближений. Метод Пикара. Оценка погрешности. Метод Эйлера. Оценка погрешности. Модификации метода Эйлера. Метода разложения решения в степенной ряд. | | | | | работа |
| 3.2 | Семейство методов Рунге-Кутта<br><br>Решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Семейство методов Рунге-Кутта. Методы 2-го и 4-го порядков. Оценка погрешности на шаге. | 2 | 4 | | 9 | Лабораторная работа |
| 4 | Зачет | | | 1 | 0.2 | |
| Итого по 3 курсу 5 семестру | | 18 | 34 | 1 | 56 | |
| Итого по дисциплине | | 18 | 34 | 1 | 56 | |

Таблица 4 – Лабораторные работы

| № п/п | Наименование лабораторных работ | Объем, час. |
|---|---|---|
| 3 курс / 5 семестр | | |
| 1. | Метод половинного деления. | 2 |
| 2. | Метод хорд | 2 |
| 3. | Метод касательных | 2 |
| 4. | Комбинированный метод хорд и касательных. | 2 |
| 5. | Метод простой итерации | 2 |
| 6. | Метод Зейделя. | 2 |
| 7. | Интерполяционная формула Лагранжа. | 2 |
| 8. | Интерполяционные формулы Ньютона | 2 |
| 9. | Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Лагранжа | 2 |
| 10. | Численное дифференцирование функций на основе интерполяционной формулы Ньютона. | 2 |
| 11. | Формулы прямоугольников | 2 |
| 12. | Формула трапеции | 2 |
| 13. | Формула Симпсона | 2 |
| 14. | Метод Эйлера. | 2 |
| 15. | Модификации метода Эйлера. | 2 |
| 16. | Семейство методов Рунге-Кутта. Методы 2-го порядка. | 2 |

| | | |
|---|---|---|
| 17. | Семейство методов Рунге-Кутта. Методы 4-го порядка. | 2 |

## 4. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Критериями оценивания являются баллы, которые выставляются за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины. Баллы, выставляемые за конкретные виды деятельности представлены ниже.

**Контрольные задания для проведения текущего контроля успеваемости**

**Тестовые задания**

Описание тестовых заданий: тестовые задания включают тесты закрытого типа (с одним правильным ответом), тесты на установлении последовательности и на установление соответствия. Оценка за выполнение тестовых заданий выставляется на основании процента заданий, выполненных студентами в процессе прохождения промежуточного и рубежного контроля знаний

Тестирование 1

1.Чем вызвана, что в результате применения численного метода могут быть получены не точные, а приближенные значения искомой функции, даже если все предписанные методом вычисления проделаны абсолютно точно?

- Погрешностью округления.
- Неточностью модели и погрешностью исходных данных.
- Вычислительной погрешностью.
- Нет верного ответа

2. В чем преимущество метода Зейделя для решения системы линейных алгебраических уравнений перед методом простой итерации?

- Дает большой выигрыш в точности, так как метод Зейделя существенно уменьшает число умножений и делений, во-вторых, позволяет накапливать сумму произведений без записи промежуточных результатов.
- Метод Зейделя являются абсолютно сходящимся, т.е. для него нет необходимости вводить достаточные условия сходимости в отличие от метода простой итерации.
- Обычно данный метод дает лучшую сходимость, чем метод простой итерации. Кроме того, метод Зейделя может оказаться более удобным при программировании, так как при вычислении следующей итерации нет необходимости хранить значения предыдущей итерации.

Тестирование 2

1. Вычисление интеграла равносильно вычислению

1. объёма любой фигуры;
2. площади любой фигуры;
3. объёма тела, полученного вращением криволинейной трапеции, у которой x = a, x = b, y = 0, y = f(x);
4. площади криволинейной трапеции, ограниченной линиями x = a, x = b, y = 0, y = f(x).

2. Формула численного интегрирования метода «левых» прямоугольников имеет вид:

1. $\int_a^b f(x)dx = \sum_{i=1}^{n} f(x_{i-1}) \cdot h$
2. $\int_a^b f(x)dx = \sum_{i=1}^{n} f(x_i) \cdot h, h = x_i - x_{i-1}$
3. $\int_a^b f(x)dx = \sum_{i=1}^{n} f(\frac{x_{i-1} + x_i}{2}) \cdot h$
4. $\int_a^b f(x)dx = h \cdot (\frac{y_0 + y_n}{2} + y_1 + y_2 + ... + y_{n-1})$

3. Сущность метода Симпсона заключается в том, что через три последовательные ординаты разбиения проводится

1. квадратичная парабола;
2. любая кривая;
3. синусоида;
4. гипербола.

4. Результат вычисления интеграла $\int_{-1}^{1} x^2 dx$ методом Симпсона с разбиением на два интервала $(h = 1)$ равен

1. 2/3
2. 5/7
3. 9/11
4. 8/13

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения тестовых заданий

Описание методики оценивания выполнения тестовых заданий: оценка за выполнение тестовых заданий ставится на основании подсчета процента правильно выполненных тестовых заданий.
**Критерии оценки (в баллах)**:
- **9-10** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 81 – 100 %;
- **7-8** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 61 – 80 %;

- **4-6** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 41 – 60 %;
- **до 4** баллов выставляется студенту, если процент правильно выполненных тестовых заданий составляет 40 %;

**Домашняя контрольная работа**

Домашняя контрольная работа 1

**а**) Определить какое равенство точнее.
**б**) Округлить сомнительные цифры числа, оставив верные знаки: 1) в узком смысле; 2) в широком смысле. Определить предельные абсолютную и относительную погрешности результата.
**в**) Найти предельные абсолютную и относительную погрешности чисел, если они имеют только верные цифры: 1) в узком смысле; 2) в широком смысле.

| № | а) | б) | |
|---|---|---|---|
| | | 1 | 2 |
| 1 | $^{7}/_{3} = 2,33;\ \sqrt{42} = 6,48$ | $3,4852 \pm 0,0047$ | $12,8969;\ \delta = 0,39\%$ |
| 2 | $^{21}/_{29} = 0,724;\ \sqrt{83} = 9,11$ | $2,5439;\ \delta = 0,69\%$ | $0,48652 \pm 0,0089$ |
| 3 | $^{4}/_{7} = 0,235;\ \sqrt{10} = 3,16$ | $513,4852 \pm 0,087$ | $120,839;\ \delta = 0,054\%$ |
| 4 | $^{12}/_{7} = 1,71;\ \sqrt{63} = 7,94$ | $102,86;\ \delta = 0,59\%$ | $0,38554 \pm 0,0087$ |
| 5 | $^{14}/_{17} = 0,823;\ \sqrt{58} = 7,61$ | $30,852 \pm 0,077$ | $142,789;\ \delta = 0,73\%$ |

Домашняя контрольная работа 2

1. Округлить сомнительные цифры числа $a$ = 72,3547 , δ= 0,21 % оставив верные знаки в узком смысле. Определить абсолютную погрешность результата.

2. Отделить корни уравнения $2 \cdot x - Lg(x) - 7 = 0$ графически и уточнить один из них методом хорд с точностью до ε=0,001.

3. Составить алгоритм вычисления интеграла $\int_{2}^{12} e^{1+\sin(x)} dx$ методом трапеции с n=100.

4. Составить алгоритм решения методом Эйлера дифференциального уравнения $y' = x + \sin\left(\frac{y}{3}\right)$, удовлетворяющего начальному условию $y_0(1,6)=4,6$ на отрезке $x \in [1,8; 2,8]$ ; шаг взять h=0,1 .

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения домашней контрольной работы

Описание методики оценивания: при оценке выполнения студентом домашней контрольной работы максимальное внимание следует уделять следующим аспектам: сколько всего правильно сделанных заданий, насколько полно в теоретическом вопросе раскрыто содержание материала, четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит аргументацию и пояснения.

**Критерии оценки (в баллах)**:

- **2** балла выставляется студенту, если правильно сделаны более 70% заданий, в теоретическом вопросе полно раскрыто содержание материала; четко и правильно даны определения, раскрыто содержание понятий; верно использованы научные термины; демонстрируются высокий уровень умения оперировать научными категориями, формулами , анализировать информацию, владение навыками практической деятельности; кейс-задание решено на высоком уровне, содержит пояснения; тестовые задания решены свыше, чем на 70%; уровень знаний, умений, владений – высокий;
- **1** балл выставляется студенту, если если правильно сделаны только 40-70% заданийв теоретическом вопросе усвоено основное, но непоследовательно; определения понятий недостаточно четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, практических занятий; уровень умения оперировать научными категориями, формулами, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности невысокий, наблюдаются пробелы и неточности; в решение кейс-задания верно выполнены некоторые этапы; тесты решены на 40-70%; уровень знаний, умений, владений – удовлетворительный;
- **0** баллов выставляется студенту, если работы нет или если в теоретическом вопросе не изложено основное содержание учебного материала, изложение фрагментарное, не последовательное; определения понятий не четкие; не использованы в качестве доказательства выводы и обобщения из наблюдений, уровень умения оперировать научными категориями, анализировать информацию, владения навыками практической деятельности очень низкий; тесты решены менее, чем на 40 %; уровень знаний, умений, владений – недостаточный.

**Лабораторная работа**

## Лабораторная работа № 2

**Тема**: Решение нелинейных уравнений. Метод итерации.

Задание: 1) Отделить корни уравнения графически и программно.

2) Уточнить один из корней уравнения методом итерации с точностью $\varepsilon = 0,001$, указать число итераций.

3) Нарисовать схему применения метода итерации к данному корню уравнения.

| Вариант | Уравнение |
|---|---|
| 1 | $\lg(x) - \frac{5}{3x+2} = 0$ |
| 2 | $2e^x + 3x + 1 = 0$ |
| 3 | $x^3 + x - 3 = 0$ |
| 4 | $x^3 - 1,2x^2 + x + 3 = 0$ |
| 5 | $x^3 - x^2 + 2x + 1 = 0$ |

| Вариант | Уравнение |
|---|---|
| 31 | $3x - \cos(x) - 1 = 0$ |
| 32 | $x + 2 \cdot \lg(x) = 1,45$ |
| 33 | $x + \lg(x) = 0,35$ |
| 34 | $tg(3x + 0,5) = x^2$ |
| 35 | $x^3 - 3x^2 + 2x - 5 = 0$ |

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения лабораторных работ

Описание методики оценивания выполнения лабораторных работ: оценка за выполнение ставится на основании знания теоретического материала по теме лабораторной работы, умений и навыков применения знаний на практике, анализировать результаты лабораторной работы.

**Критерии оценки (в баллах*):***

- **5** баллов выставляется студенту, если демонстрируются знания темы, цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется полное знание теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются умения и навыки работы, применения знания на практике, анализа результатов лабораторной работы и формулирование выводов, владение навыками прикладной деятельности;
- **4** балла выставляется студенту, если демонстрируются знания темы, цели и задач лабораторной работы, хода работы, имеются пробелы в знании применяемых методик исследования; демонстрируется неполное знание фактического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются некоторые недостатки применения знания на практике, недостатки владения навыками прикладной деятельности и способности анализировать результаты лабораторной работы, формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи;
- **3** балла выставляется студенту, если демонстрируются неполные знания цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется неполное, несистемное знание теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются заметные

недостатки в умении применять знания на практике, недостаточно владеет навыками прикладной деятельности, способностью анализировать результаты лабораторной работы и формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи;
- **0-2** балла выставляется студенту, если демонстрируются полное или почти полное отсутствие знания цели и задач лабораторной работы, хода работы, применяемых методик исследования; демонстрируется полное или почти полное отсутствие знания теоретического материала по теме лабораторной работы (в процессе обсуждения, при ответе на контрольные вопросы); демонстрируются значительные недостатки умения применять знания на практике, владения навыками прикладной деятельности, способности анализировать результаты лабораторной работы и формулировать выводы, прослеживать причинно-следственные связи.

**Зачет**

Зачет является оценочным средством для всех этапов освоения компетенций.

Примерные вопросы к зачету, 3 курс / 5 семестр

1. Вычислительная математика. Численные методы. Этапы решения задач на ЭВМ.
2. Основы теории погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Предельные погрешности. Примеры.
3. Значащая цифра. Число верных значащих цифр (в узком и широком смысле). Связь между относительной погрешностью и числом значащих цифр.
4. Абсолютные и относительные погрешности суммы, разности, произведение и частного.
5. Относительные погрешности элементарных функций.
6. Приближенное решение нелинейных уравнений. Аналитические и геометрические методы отделения корней. Оценка погрешности.
7. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод половинного деления. Оценка погрешности.
8. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод хорд. Оценка погрешности.
9. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод касательных. Оценка погрешности.
10. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод итерации. Достаточное условие сходимости.
11. Приближенное решение нелинейных уравнений. Метод итерации. Оценка погрешности. Метод Зейделя.
12. Численное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод Гаусса, .
13. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод итерации. Достаточное условие сходимости.
14. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод итерации. Оценка погрешности приближения.
15. Приближенное решение систем линейных уравнений. Постановка задачи. Метод Зейделя. Оценка погрешности приближения.
16. Интерполирование функций. Постановка задачи.
17. Конечные разности.
18. Интерполирование функций. Формулы Ньютона.
19. Интерполирование функций. Формула Лагранжа.
20. Приближенное дифференцирование функций.
21. Обратное интерполирование функций. Формула Лагранжа.
22. Приближение функций. Метод наименьших квадратов.
23. Приближенное интегрирование функций. Квадратурные формула Ньютона -Котеса.
24. Приближенное интегрирование функций. Формулы прямоугольников. Оценка погрешности.
25. Приближенное интегрирование функций. Формула трапеции и ее остаточный член.
26. Приближенное интегрирование функций. Формула Симпсона и ее остаточный член. Оценка погрешности (метод пересчета).

27. Приближенное интегрирование функций. Метод Монте-Карло. Оценка погрешности.
28. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод последовательных приближений. (Метод Пикара). Оценка погрешности.
29. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Эйлера. Оценка погрешности. Модификации метода Эйлера.
30. Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод Рунге-Кутта. Общий случай. Погрешность метода на шаге.

Методические материалы, определяющие процедуру оценивания выполнения зачета

Зачет выставляется по рейтингу, в зависимости от эффективности работы в процессе изучения дисциплины, что определяется количеством набранных баллов за все виды заданий текущего и рубежного контроля
**зачтено** – от 60 до 110 баллов
**не зачтено** – от 0 до 59 баллов.

**Задания для проведения промежуточной аттестации обучающихся**

*Промежуточная аттестация* по дисциплине проводится в форме:
5 семестр - зачет.
Проверяемыми на промежуточной аттестации элементами содержания являются темы дисциплины.
Для проверки *знаний* используются вопросы и задания в различных формах.
*Умения, навыки (или опыт деятельности) и компетенции* проверяются с помощью компетентностно-ориентированных задач (ситуационных, производственных или кейсового характера) и различного вида конструкторов.
Все задачи являются многоходовыми. Некоторые задачи, проверяющие уровень сформированности компетенций, являются многовариантными. Часть умений, навыков и компетенций прямо не отражена в формулировках задач, но они могут быть проявлены обучающимися при их решении.
В каждый вариант включаются задания по каждому проверяемому элементу содержания во всех перечисленных выше формах и разного уровня сложности. Такой формат позволяет объективно определить качество освоения обучающимися основных элементов содержания дисциплины и уровень сформированности компетенций.

## Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине при использовании модульно-рейтинговой системы

Критериями оценивания при модульно-рейтинговой системе являются баллы, которые выставляются преподавателем за виды деятельности (оценочные средства) по итогам изучения модулей (разделов дисциплины), перечисленных в рейтинг-плане дисциплины:
*для зачета:* текущий контроль – максимум 50 баллов; рубежный контроль – максимум 50 баллов, поощрительные баллы – максимум 10.
Шкалы оценивания:
*для зачета:*
зачтено – от 60 до 110 рейтинговых баллов (включая 10 поощрительных баллов),
не зачтено – от 0 до 59 рейтинговых баллов.

**Рейтинг-план дисциплины**
Таблица перевода баллов текущего контроля в баллы рейтинга

| | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| **0** | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| **1** | 5 | 3 | 2 | 2 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| **2** | | 5 | 4 | 3 | 2 | 2 | 2 | 2 | 2 | 1 |
| **3** | | | 5 | 4 | 3 | 3 | 3 | 2 | 2 | 2 |
| **4** | | | | 5 | 4 | 4 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| **5** | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 | 3 | 3 |
| **6** | | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 | 3 |
| **7** | | | | | | | 5 | 5 | 4 | 4 |
| **8** | | | | | | | | 5 | 5 | 4 |
| **9** | | | | | | | | | 5 | 5 |
| **10** | | | | | | | | | | 5 |

Рейтинг-план дисциплины представлен в Приложении 1.

## 5. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

### 5.1. Основная учебная литература


1. Лапчик, Михаил Павлович. Численные методы : учеб. пособие для студ. вузов / М. П. Лапчик, М. И. Рагулина, Е. К. Хеннер ; под ред. М. П. Лапчика .— Москва : Академия, 2004 .— 384 с
2. Бахвалов, Н. С. Численные методы в задачах и упражнениях : учеб. пособие / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков ; ред. В. А. Садовничий .— М. : Высшая школа, 2019 .— 240 с.
3. Численные методы. Лабораторный практикум : учеб.пособ. для физико-математич. фак-та. Кн.1 / И. И. Латыпов ; Федерал. агентст. по образ. ; БирГСПА .— М. : Лидер-М, 2010 .— 103 с.


### 5.2. Дополнительная учебная литература


1. Орешкова, М.Н. Численные методы: теория и алгоритмы : учебное пособие / М.Н. Орешкова ; Министерство образования и науки Российской Федерации, Северный (Арктический) федеральный университет имени М.В. Ломоносова. - Архангельск : САФУ, 2015. - 120 с. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436397
2. Демидович, Б.П. Основы вычислительной математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / Б.П. Демидович, И.А. Марон. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 672 с. — URL a: https://e.lanbook.com/book/2025.


### 5.3. Другие учебно-методические материалы

## 6. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

**Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» и программного обеспечения, необходимых для освоения дисциплины**

1. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://elibrary.ru/.
2. Электронная библиотечная система «Лань» [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://e.lanbook.com/.
3. Университетская библиотека онлайн biblioclub.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/.
4. Электронная библиотека УУНиТ [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://elib.bashedu.ru/.
5. Российская государственная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://www.rsl.ru/.
6. Национальная электронная библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://xn--90ax2c.xn--p1ai/viewers/.
7. Национальная платформа открытого образования npoed.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://npoed.ru/.
8. Электронное образование Республики Башкортостан [Электронный ресурс]. – Режим доступа: https://edu.bashkortostan.ru/.
9. Информационно-правовой портал Гарант.ру [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://www.garant.ru/.

**Программное обеспечение**

1. LIBREOFFICE - Договор №0301400003023000002 от 14.03.2023 (бессрочный)
2. Операционная система Astra Linux - Договор 0301400003023000002 от 14 марта 2023 бессрочно
3. Браузер Яндекс - Бесплатная лицензия https://yandex.ru/legal/browser_agreement/index.html
4. Pascalabc, PascalABC.NET - Бесплатная лицензия https://pascal-abc.ru, http://pascalabc.net
5. Система дистанционного обучения Moodle - Бесплатная лицензия http://www.gnu.org/licenses/gpl.html

## 7. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

| Наименование специализированных аудиторий, кабинетов, лабораторий | Вид занятий | Наименование оборудования, программного обеспечения |
|---|---|---|
| Аудитория 301 Читальный зал (электронный каталог)(ФМ) | Для самостоятельной работы | Компьютер, мебель, принтер, сканер hp scanyet g2410.<br>Программное обеспечение<br>1. LIBREOFFICE<br>2. Операционная система Astra Linux<br>3. Браузер Яндекс |
| Аудитория 307(ФМ) | Лекционная, Для консультаций, Для контроля и аттестации | Мебель, нетбук, экран.<br>Программное обеспечение<br>1. LIBREOFFICE<br>2. Операционная система |

| | | |
|---|---|---|
| | | Astra Linux |
| Аудитория 412а(ФМ) | Для консультаций, Для хранения оборудования | Компьютер, ксерокс, мебель, ноутбук, принтер, сканер canon, учебно-методическая литература.<br>Программное обеспечение<br>1. LIBREOFFICE<br>2. Операционная система Astra Linux |
| Аудитория 420(ФМ) | Для самостоятельной работы | Компьютер, мебель, нетбук, принтер, проектор, сканер mustek, учебно-методические пособия, учебно-наглядные материалы, экран.<br>Программное обеспечение<br>1. LIBREOFFICE<br>2. Операционная система Astra Linux |
| Аудитория 422(ФМ) | Лекционная, Для консультаций, Для контроля и аттестации, Для лабораторных занятий | Доска, компьютер, мебель, проектор.<br>Программное обеспечение<br>1. LIBREOFFICE<br>2. Браузер Яндекс<br>3. Pascalabc, PascalABC.NET<br>4. Операционная система Astra Linux<br>5. Система дистанционного обучения Moodle |